

Synthetic Chemistry of Fine Particles, 2021

微粒子合成化学・講義

<http://www3.tagen.tohoku.ac.jp/~mura/kogi/>
E-mail: mura@tohoku.ac.jp

多元物質科学研究所 村松淳司

第5回小テスト実施中・・・

- ▶ 各Classroomの「課題」を見てください。
- ▶ 小テストは、9:20まで。
- ▶ 必ず全員回答し、送信して提出してください。
- ▶ そうしないと出席になりません。
- ▶ 9:20過ぎでの提出は減点対象です。
- ▶ 10:20を過ぎると、欠席となります。
- ▶ 今日の講義内容はClassRoom内に、PDF形式で、ありますので、予めダウンロードしても良いです。

講義計画

4月13日	第1回 講義紹介・物理化学の本質について 終了
4月20日	第2回 生活の周りのナノ粒子・コロイド 終了
4月27日	第3回 生活の周りのナノ粒子・コロイド 終了
5月11日	第4回 微粒子の分散・凝集
5月18日	第5回 微粒子の分散・凝集
5月25日	第6回 DLVO理論－詳説
6月1日	第7回 DLVO理論－詳説
6月8日	第8回 単分散粒子の合成理論
6月15日	第9回 機能性ナノ粒子の液相合成
6月22日	第10回 機能性ナノ粒子の液相合成
6月29日	第11回 環境触媒
7月6日	第12回 吸着現象と触媒
7月13日	第13回 単分散粒子合成と触媒調製法
7月20日	第14回 単分散粒子合成と触媒調製法
7月27日	第15回 微粒子合成化学

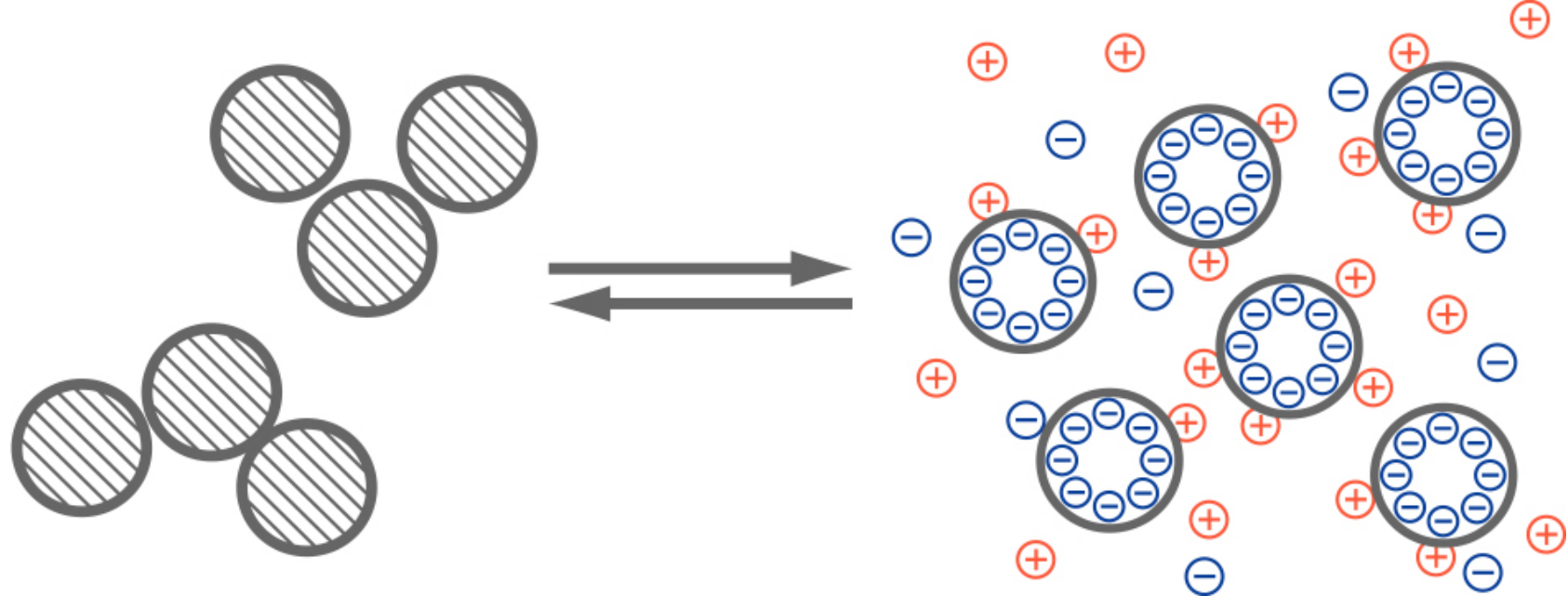
コロイド Colloid

分子が集まって、普通の顕微鏡で見えない程度の粒となつて、浮きただようような状態で存するもの

分散と凝集

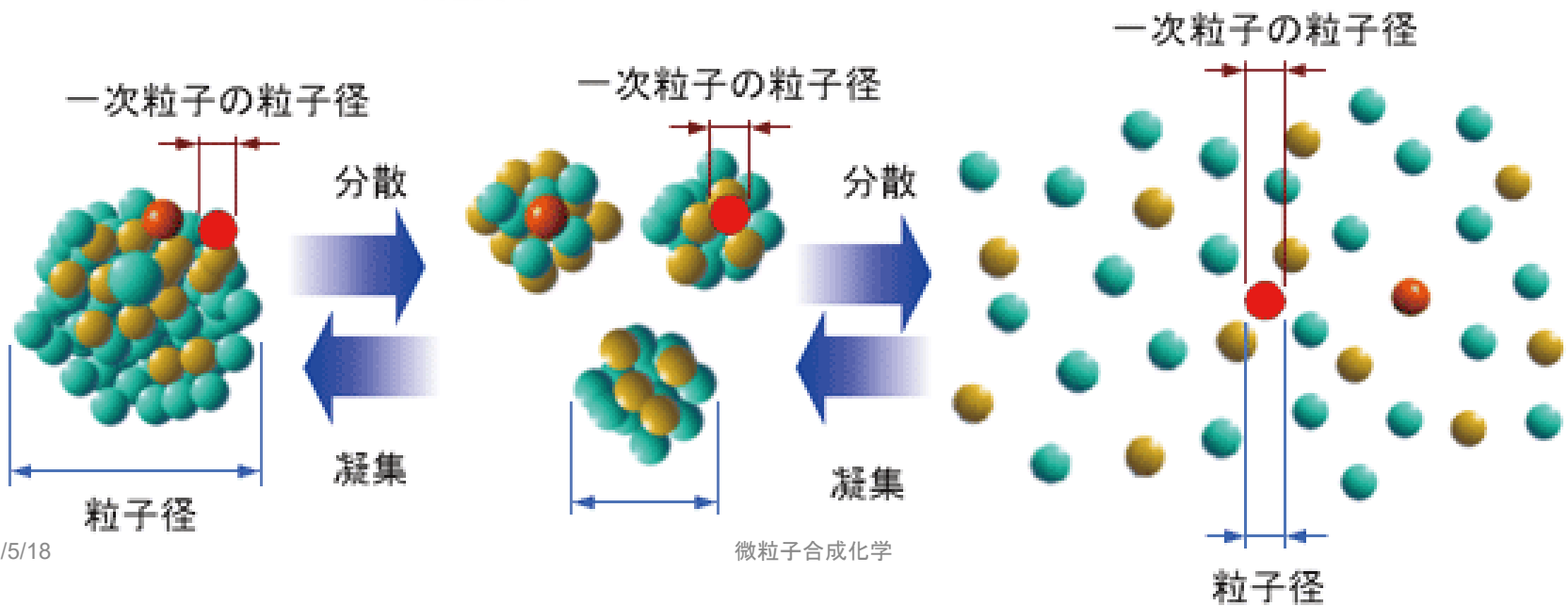
ただよっている状態が「分散」、
不安定になつて固まりになつた状態が「凝集」

生活の中のコロイド



凝集

コロイド分散



身の回りのコロイドを見てみよう！

- ▶ コロイドの分散と凝集に注目しよう！
- ▶ 「分散」って、何だろうか？
- ▶ 「凝集」って、何だろうか？



- ▶ 「分散」と「凝集」を制御するキーワードは、**ゼータ電位**だ！

全ての「もの」の表面には、数十mVの電荷がある
(「**表面電位**」とか、「**ゼータ電位**」, という)

顔にも机にも泡にも, 何にでもある!

この背景にある、理論とは何か

ゼータ電位

- ▶ ゼータ電位は、それぞれの物質の固有の物理量である
- ▶ ゼータ電位は、水溶液のpHで変化する
- ▶ ゼータ電位は、分散・凝集のヒントになる
- ▶ ゼータ電位が低いと、通常凝集する
 - ホモ凝集という

図1 ゼータ電位

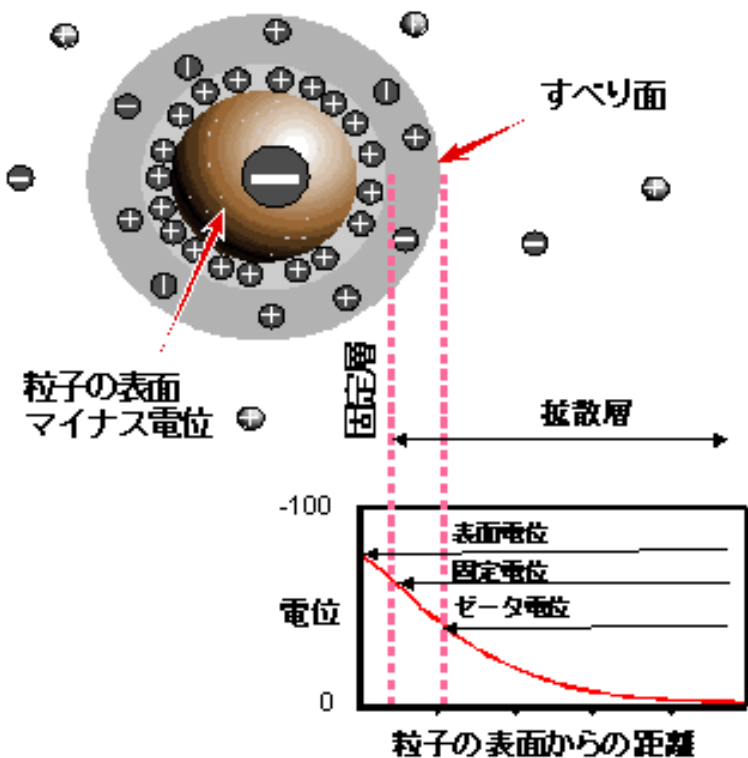


図2 ゼータ電位とすべり面

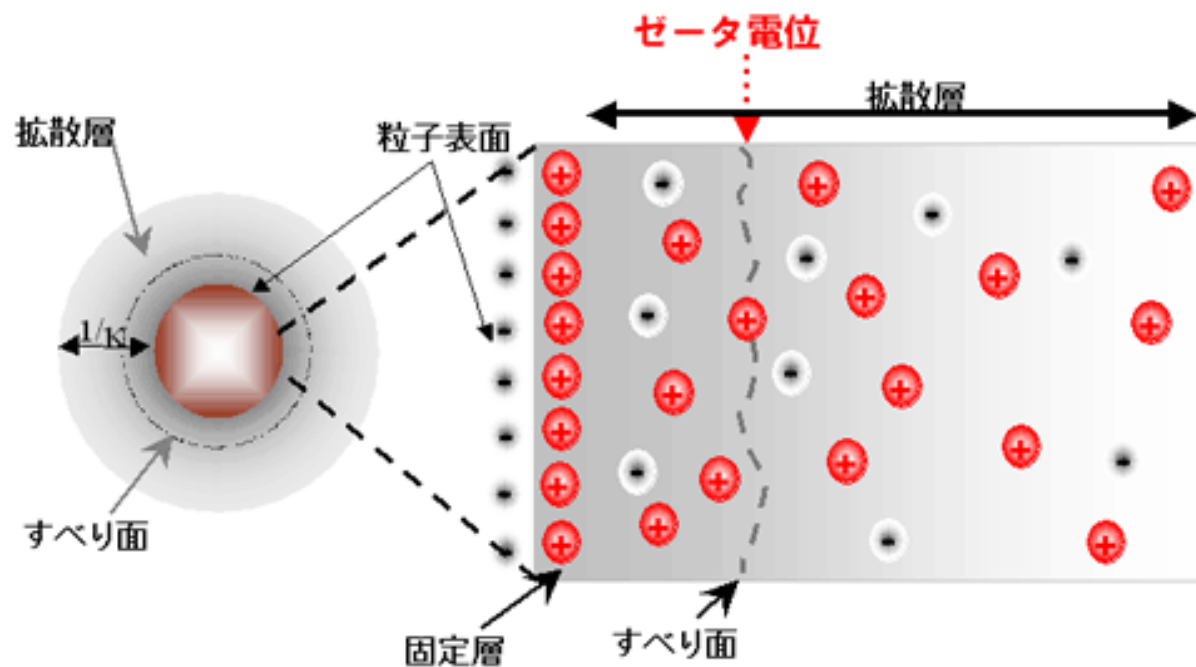
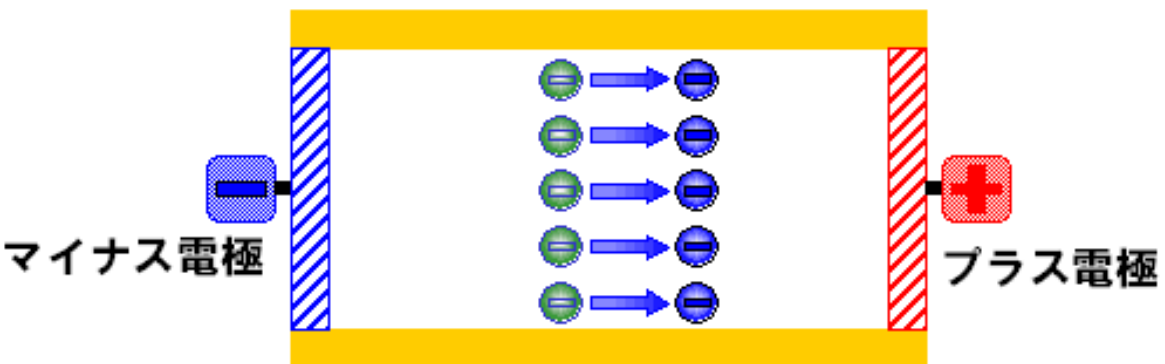


図6 電気泳動



同一のマイナスの荷電を持った粒子がプラス極へ移動している(理想系)

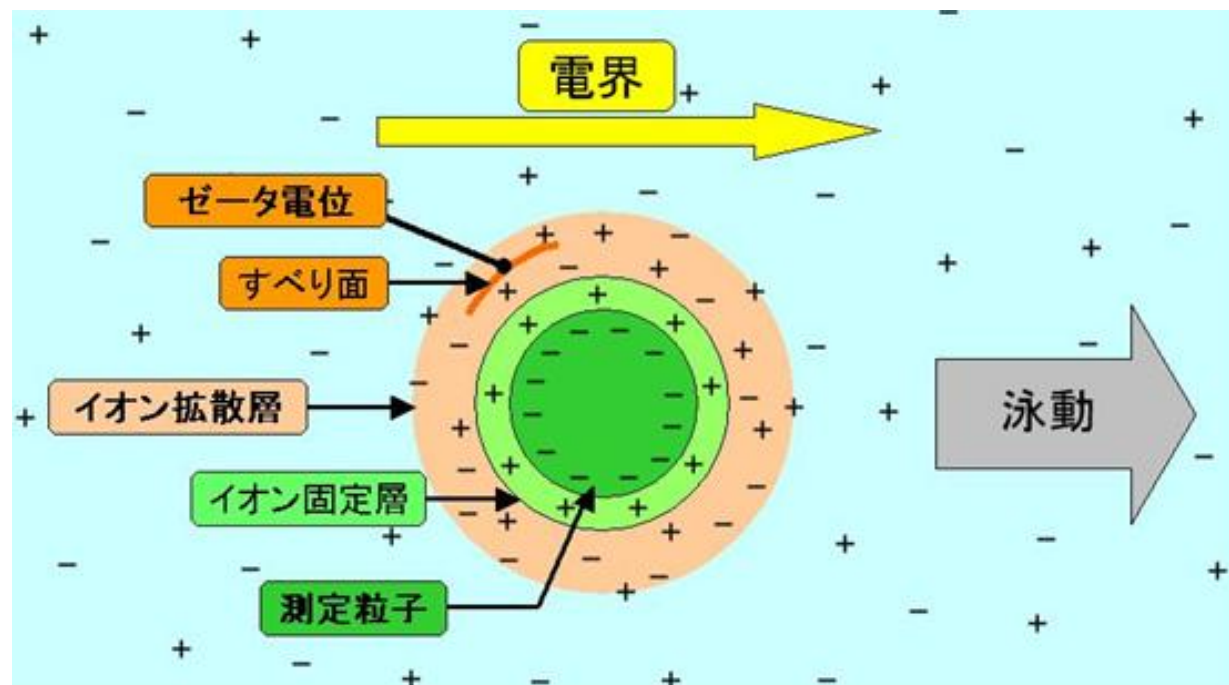
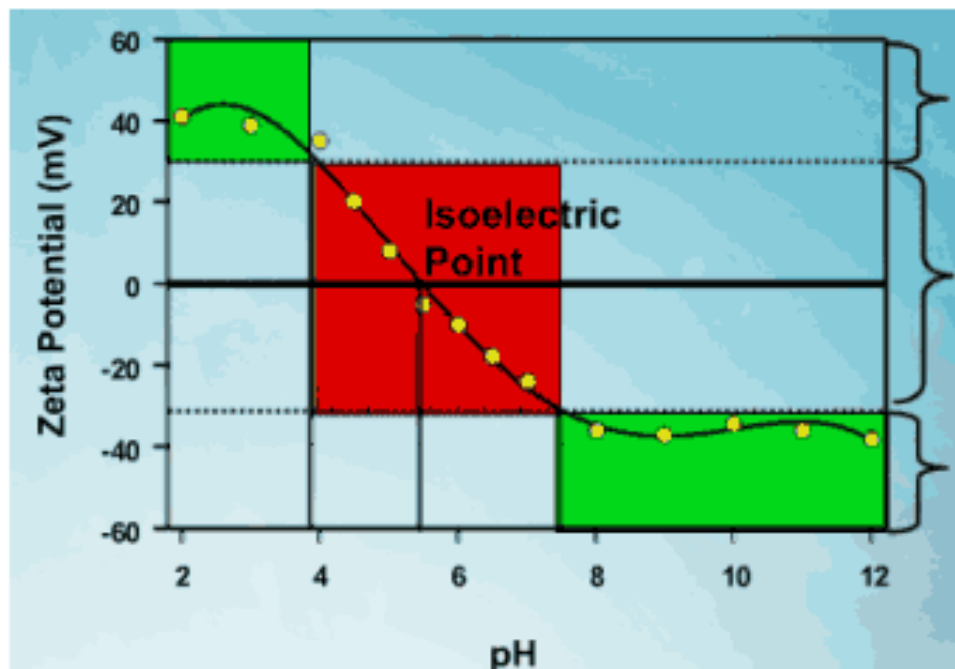


図4 ゼータ電位とpH

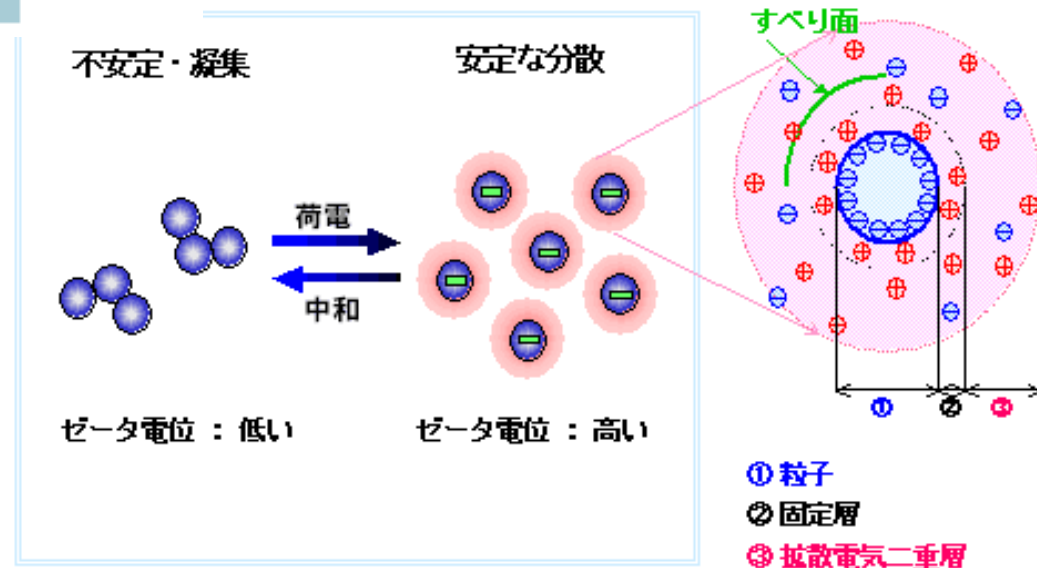


安定

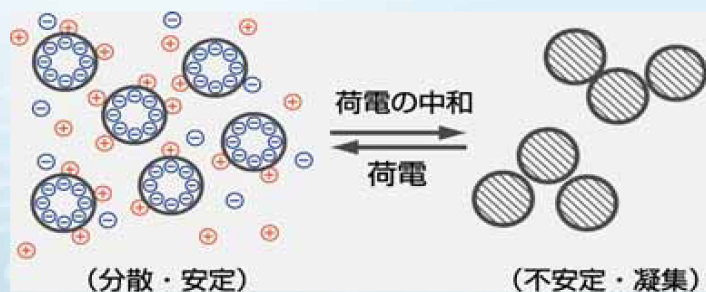
不安定

安定

図3 ゼータ電位と分散



ゼータ電位で何がわかるのか

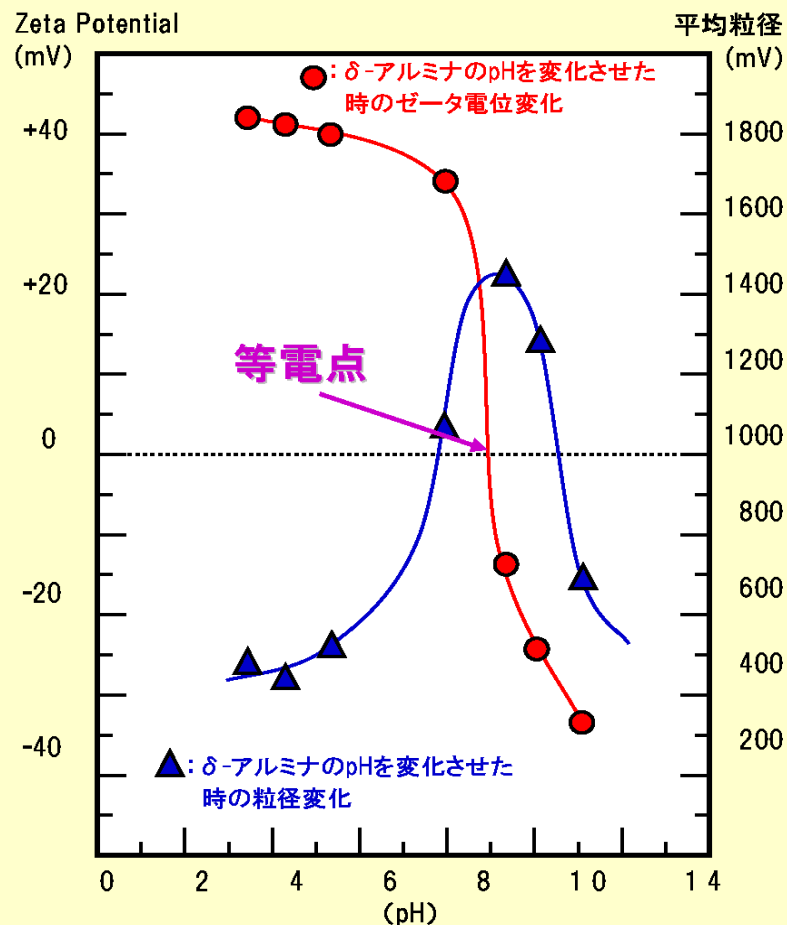


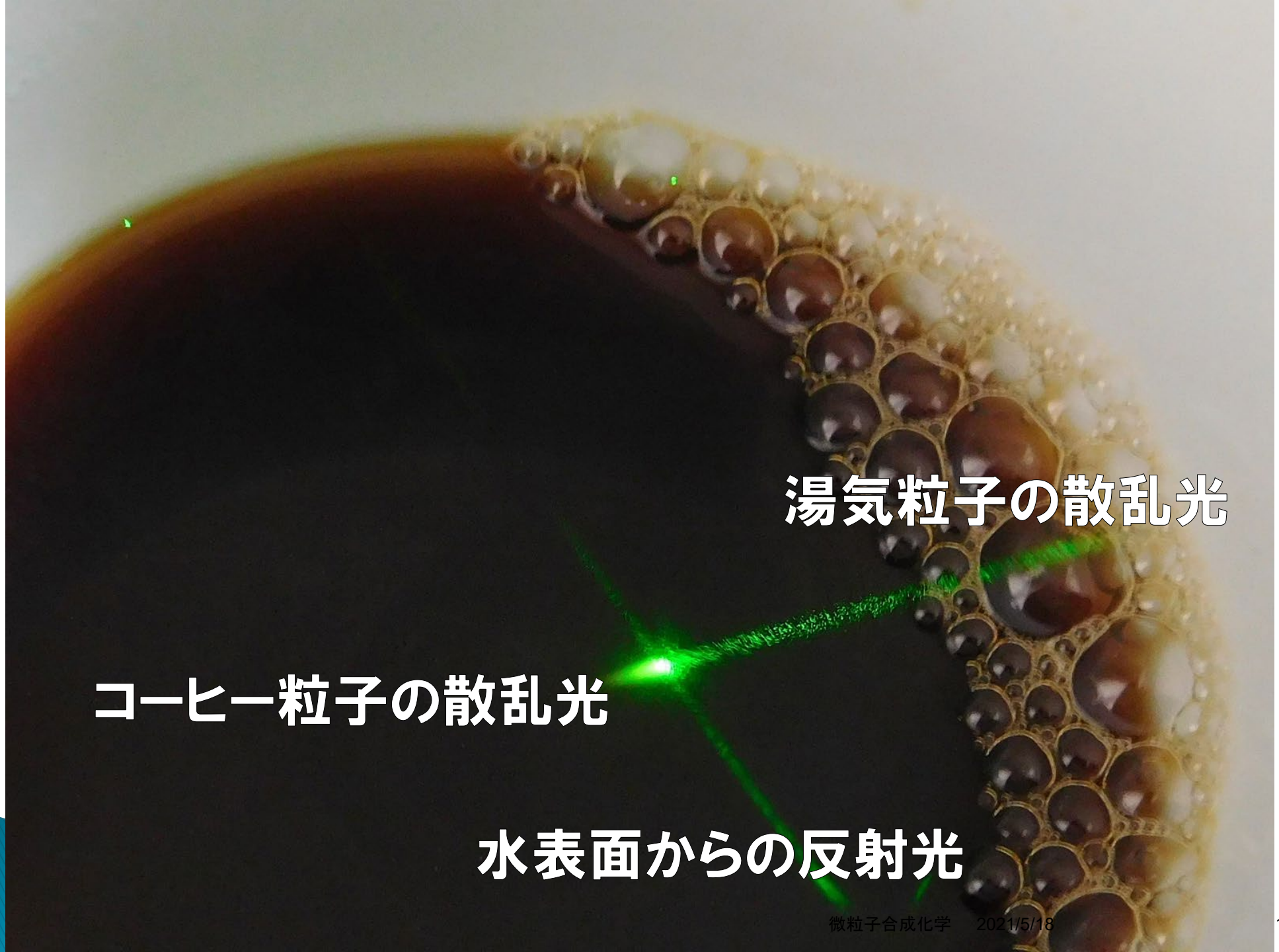
ゼータ電位の絶対値が大きいと分散性は良く、小さいと不安定で凝集しやすい。

右図のアルミナ粒子は、酸性側では**プラス電荷**、pH9付近に**等電点**になり、それよりアルカリ性側では**マイナス電荷**を持つことがわかる。

粒径測定をおこなうと、ゼータ電位の絶対値が大きいpH領域では平均粒径は小さく、等電点付近では凝集して平均粒径が大きくなっている。

ゼータ電位の絶対値が大きいと分散性は良く、小さいと不安定で凝集しやすい。





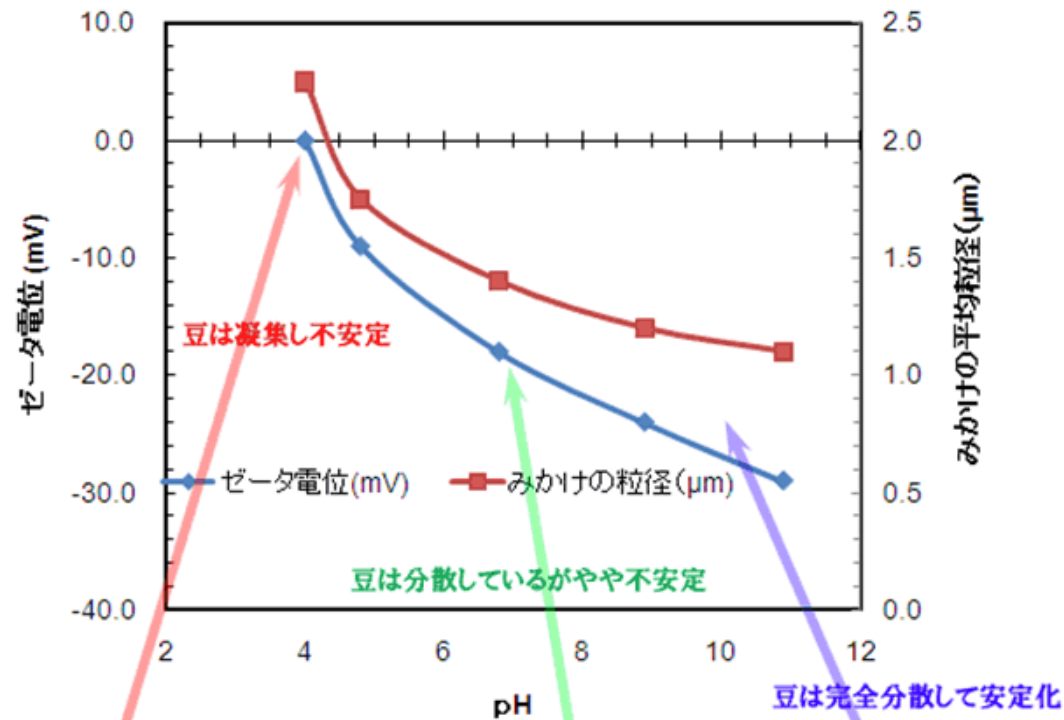
湯気粒子の散乱光

コーヒー粒子の散乱光

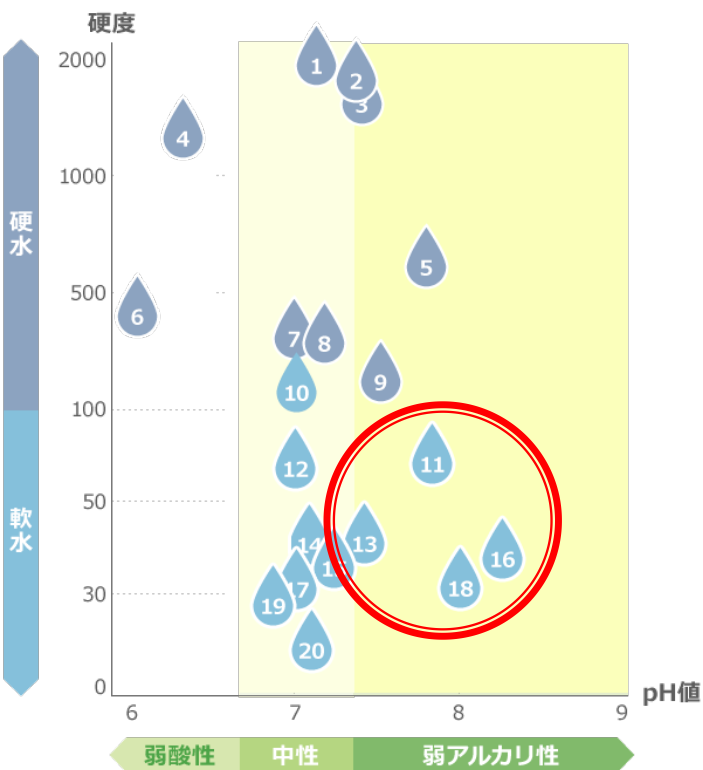
水表面からの反射光

お茶も、紅茶も、コーヒーもコロイド

コーヒー飲料のコーヒー豆粒子のゼータ電位の特性



【ミネラルウォーターの比較分布図】

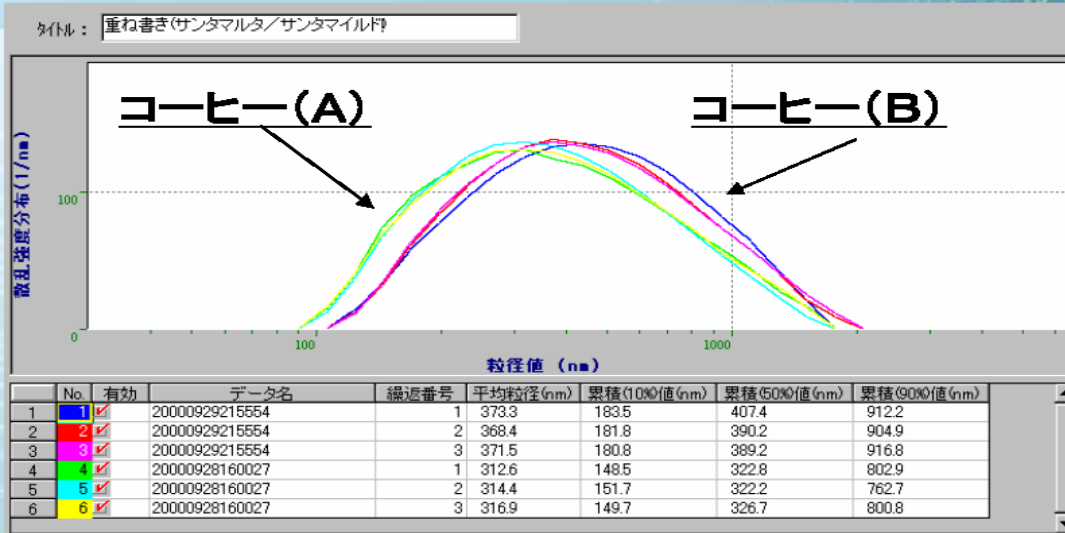


<p>1 エパー (HePAR) 硬度 1,849 pH 7.2</p>	<p>2 クールマイヨー 硬度 1,612 pH 7.4</p>	<p>11 富士山麓のおいしい天然水 硬度 63 pH 7.8</p>	<p>12 ボルビック (Volvic) 硬度 60 pH 7.0</p>
<p>3 コントレックス (Contrex) 硬度 1,468 pH 7.45</p>	<p>4 ゲロルシュタイナー 硬度 1,302 pH 6.4</p>	<p>13 クリスタルガイザー 硬度 38 pH 7.4</p>	<p>14 森の水だより 硬度 34.6 pH 7.1</p>
<p>5 サンペレグリノ 硬度 674 pH 7.8</p>	<p>6 ペリエ (perrier) 硬度 417 pH 6.0</p>	<p>15 おいしい水 六甲 硬度 32 pH 7.2</p>	<p>16 日田天領水 硬度 32 pH 8.3</p>
<p>7 ヴィittel (Vittel) 硬度 315 pH 7.0</p>	<p>8 エビアン (evian) 硬度 304 pH 7.2</p>	<p>17 南アルプスの天然水 硬度 30 pH 7.0</p>	<p>18 富士山のバナジウム天然水 硬度 29 pH 8.0</p>
<p>9 アイランドチリ (Island Chill) 硬度 117 pH 7.5</p>	<p>10 フィジーウォーター 硬度 105 pH 7.0</p>	<p>19 い・ろ・は・す 硬度 27.7 pH 6.9</p>	<p>20 熊野古道水 硬度 10 pH 7.1</p>

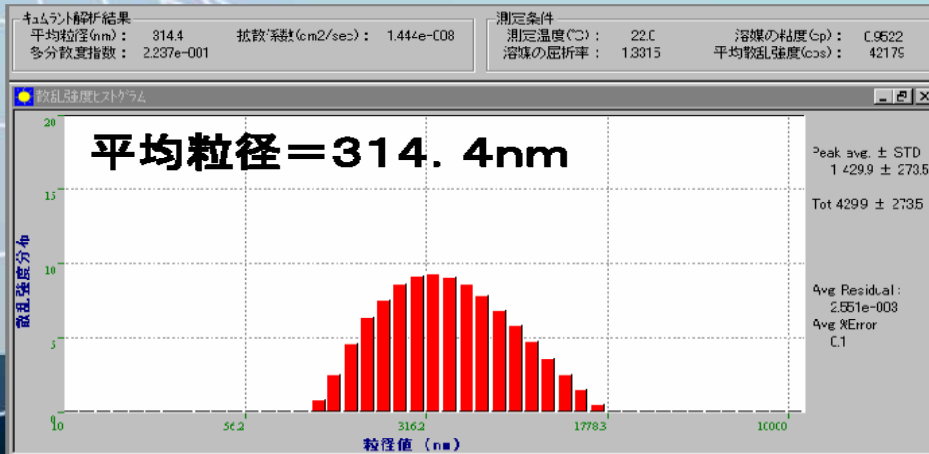
コーヒー飲料（製品比較）



A社
コーヒー(A)



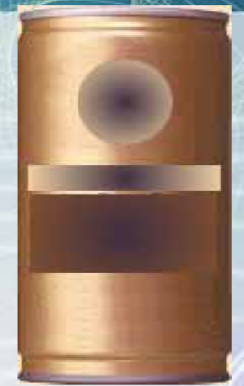
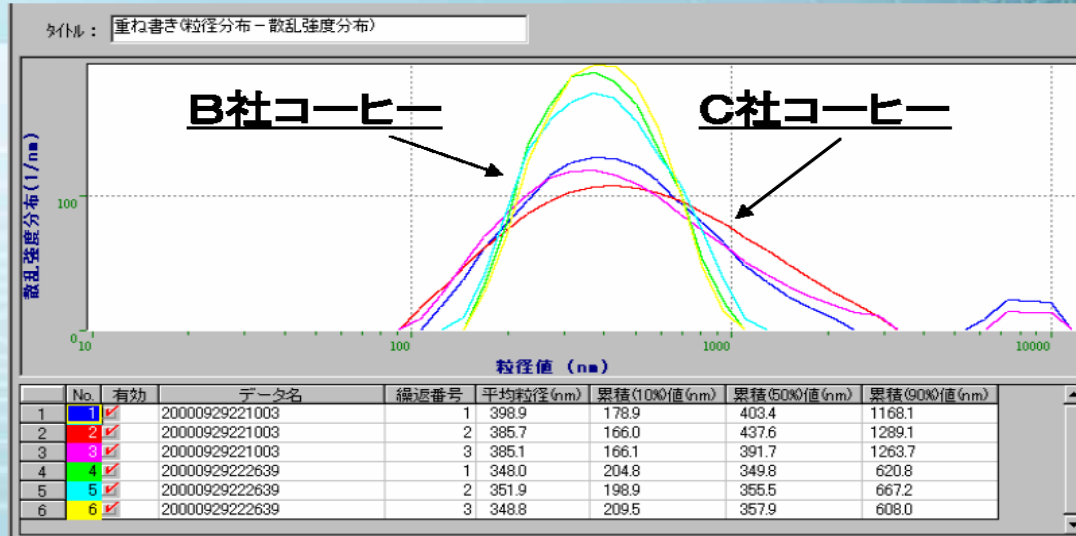
A社
コーヒー(B)



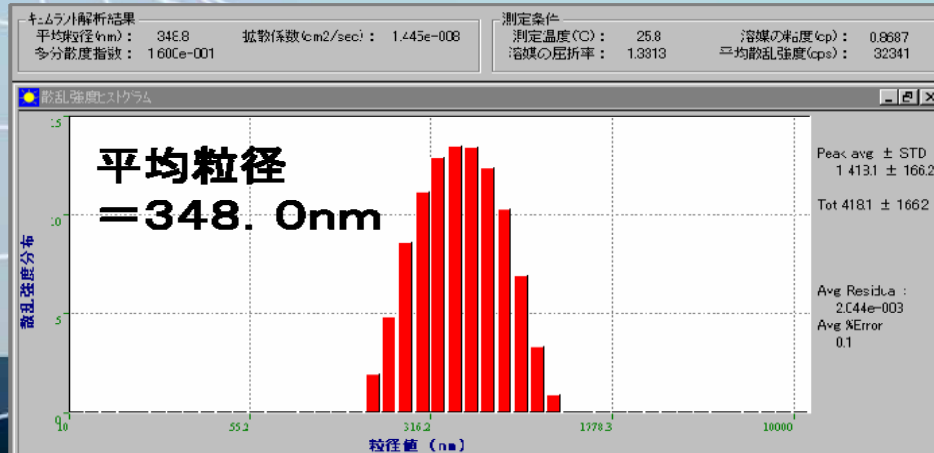
コーヒー飲料 (U社、S社比較)



B社
コーヒー



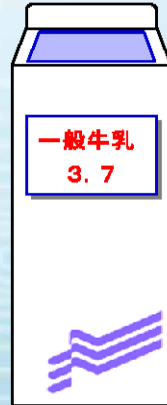
C社
コーヒー



各種牛乳の粒径分布比較

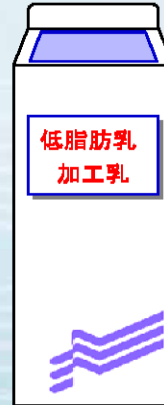
①一般的な牛乳

一般的な牛乳で、ホモジナイザーで乳脂肪を細かく粉砕して安定化して保存性を良くしたもの。



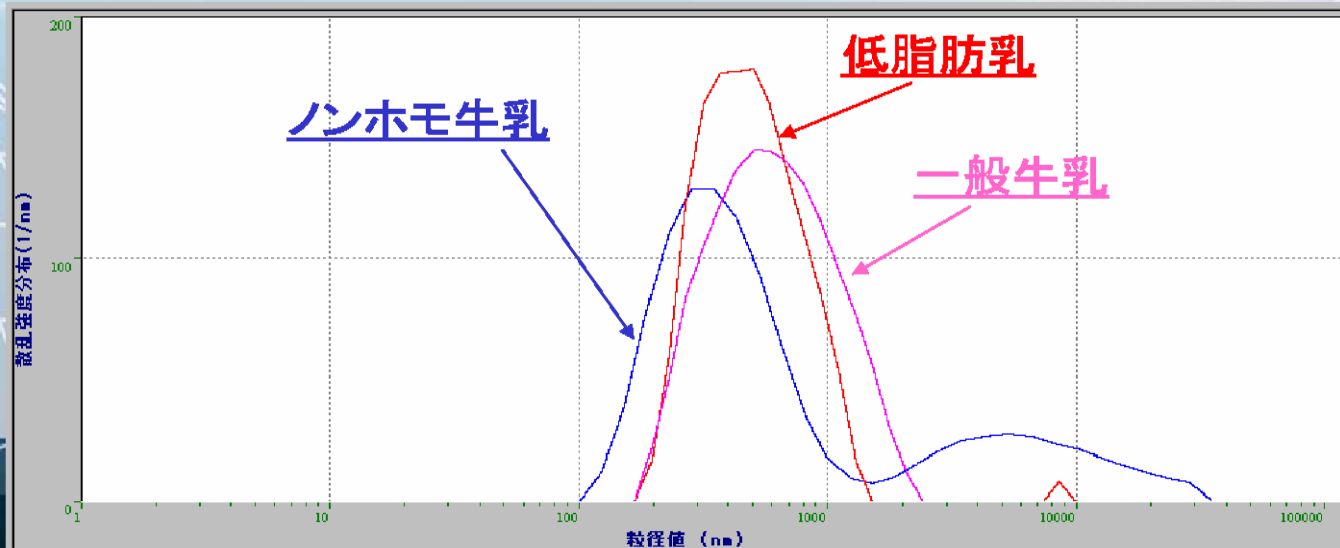
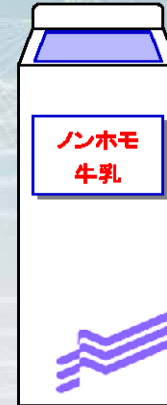
②低脂肪牛乳

脱脂粉乳を還元して牛乳と同じように加工したもの。脂肪分が少ない。



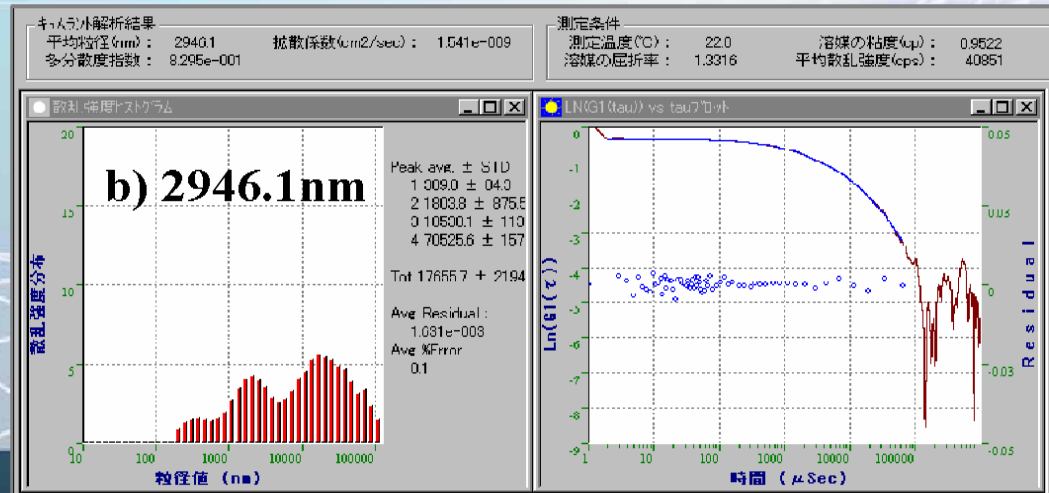
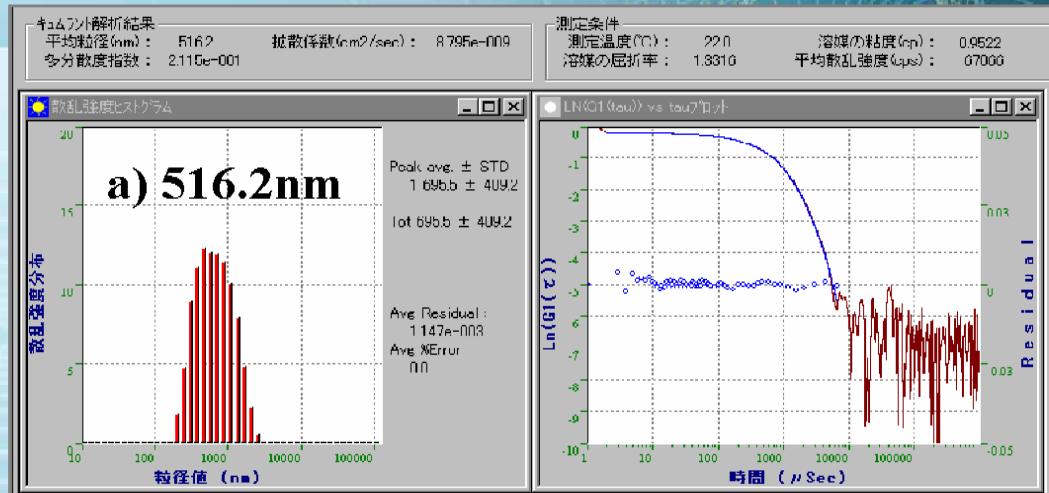
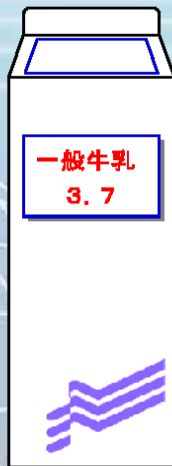
③ノンホモ牛乳

搾り立ての牛乳に近く、乳脂肪が固まりやすく、放置するとバターが分離します。



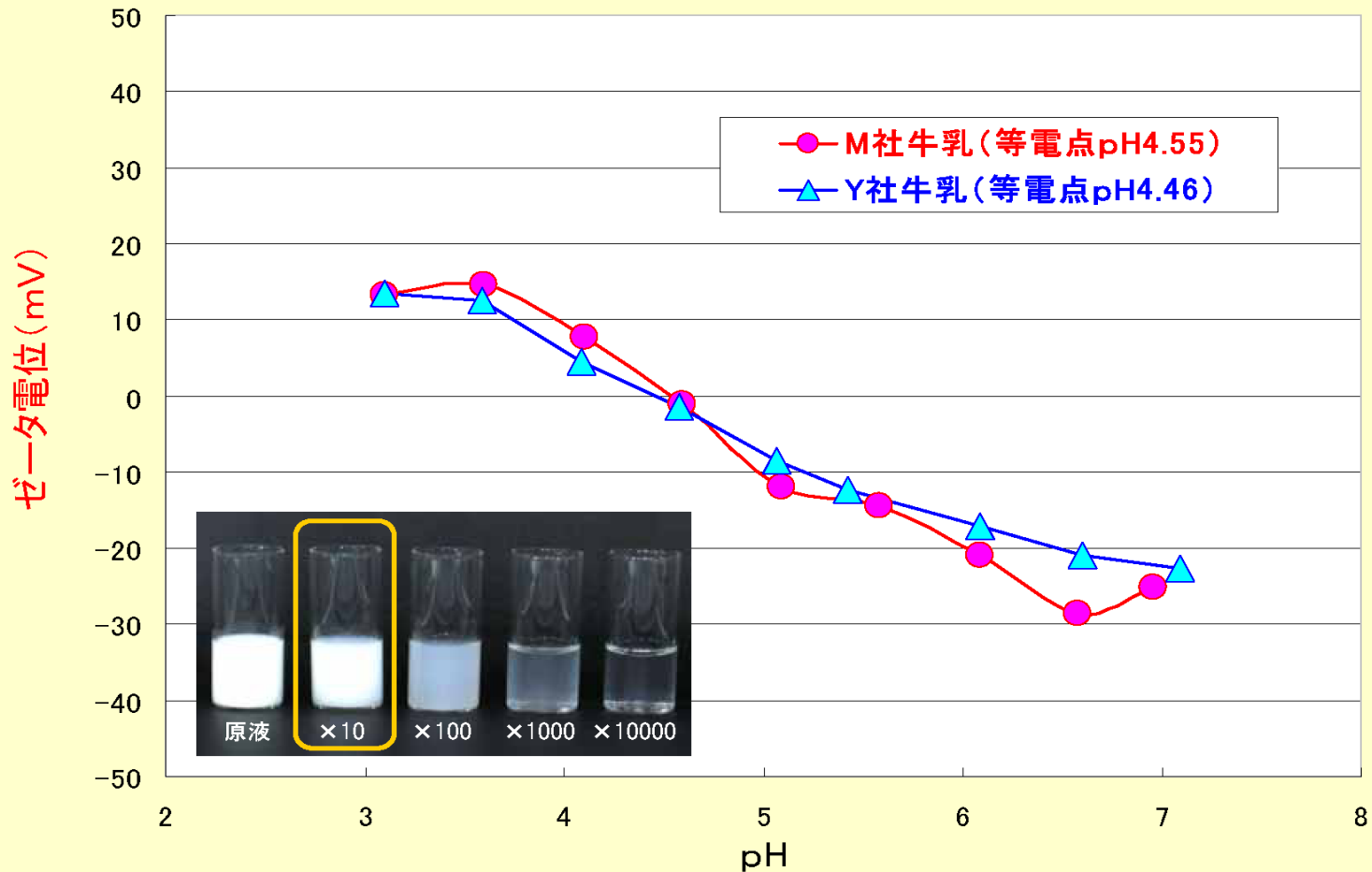
一般牛乳のクリーミング変化

- a) freshな一般牛乳
- b) 室内に放置してクリーミングを起こした牛乳



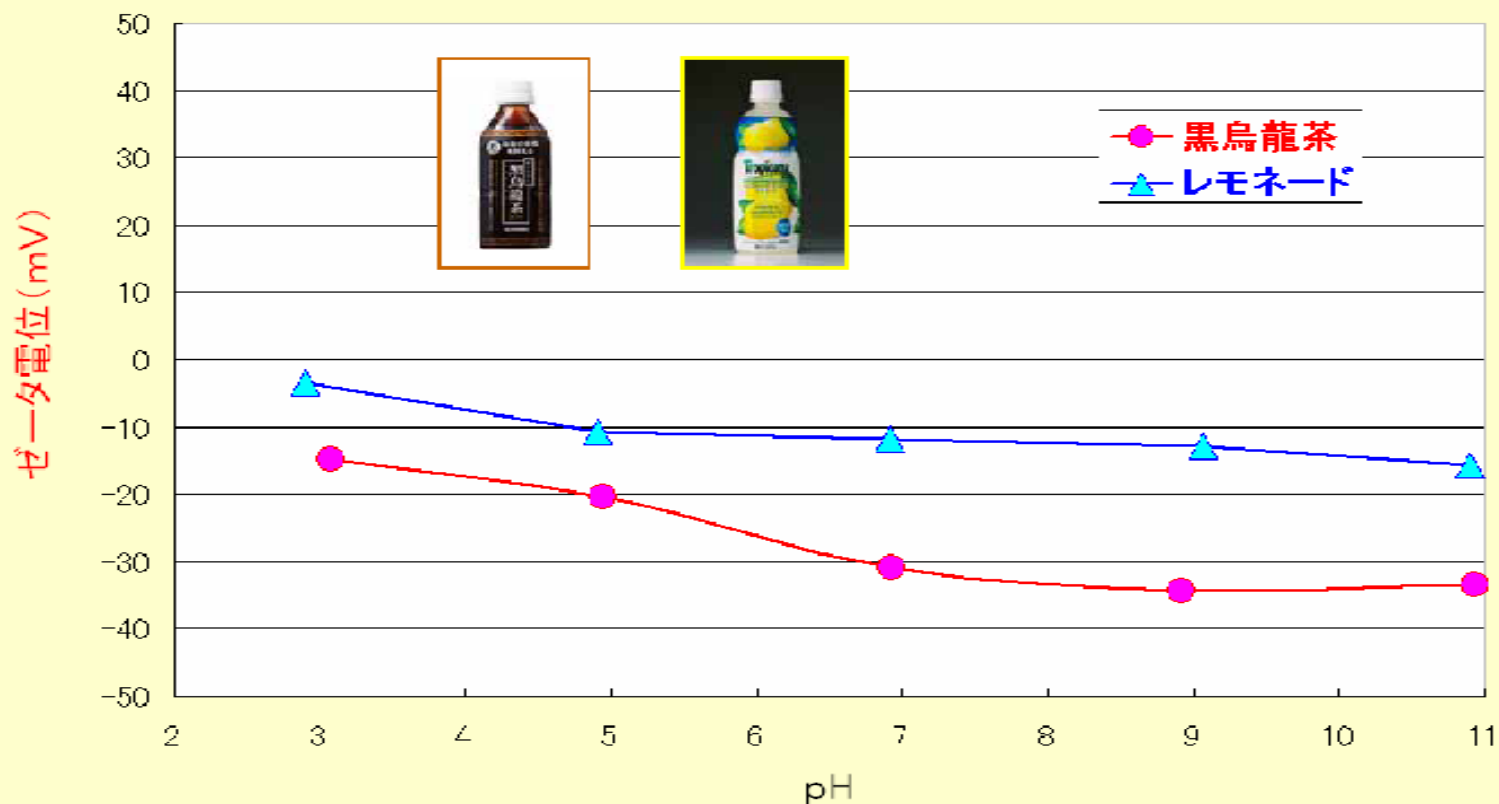
牛乳(10倍希釈)のpHタイトレーション

牛乳のゼータ電位のpH依存性



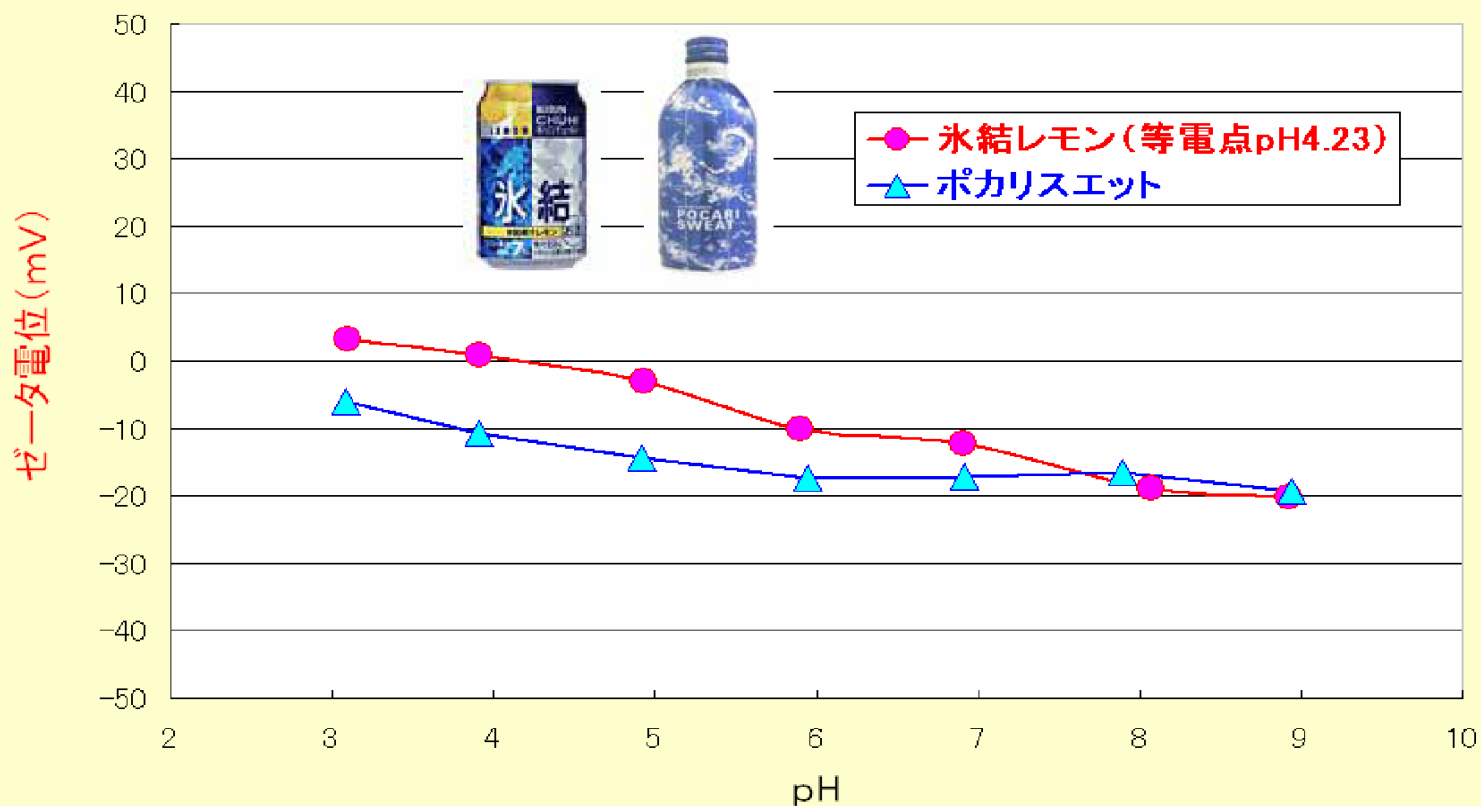
烏龍茶と清涼飲料のpHタイトレーション

烏龍茶とレモネードのゼータ電位のpH依存性

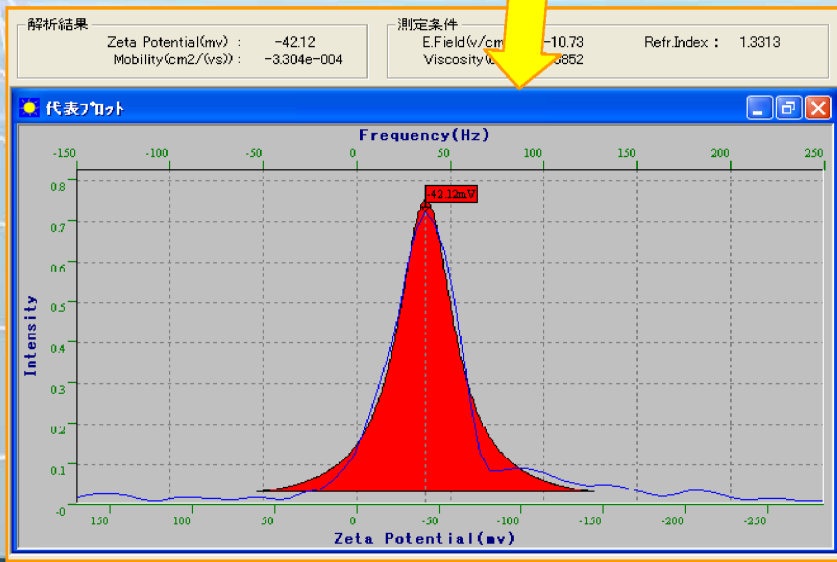


氷結レモンとポカリスエットのpHタイトレーション

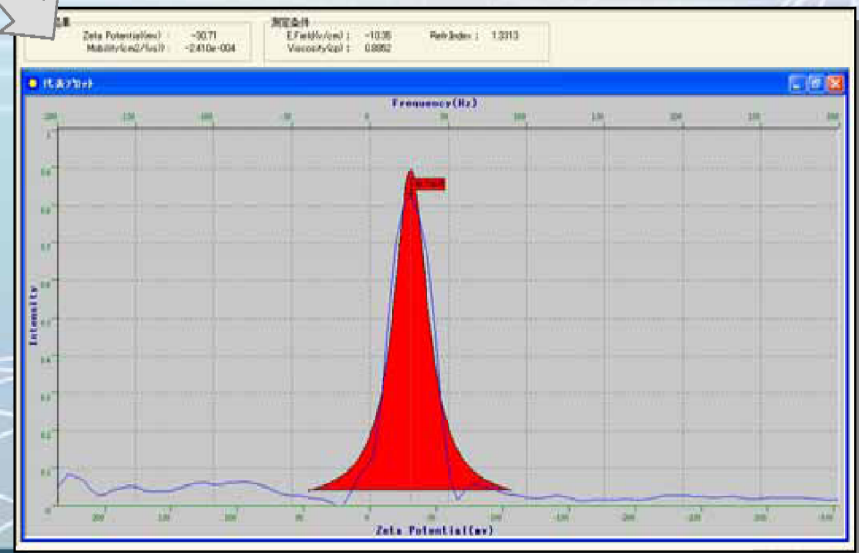
氷結レモンとポカリスエットのゼータ電位のpH依存性



プリンタ用インクのゼータ電位



■ プリンタ用インク(Yellow)原液のゼータ電位



■ プリンタ用インク(Black)原液のゼータ電位

プリンタ用カラーインクのゼータ電位

●プリンタ用インクの測定

材料メーカーだけでなくプリンタを製造するメーカーもゼータ電位を測定。

1)各色でゼータ電位の値が異なる



それぞれの色で安定させる事が重要

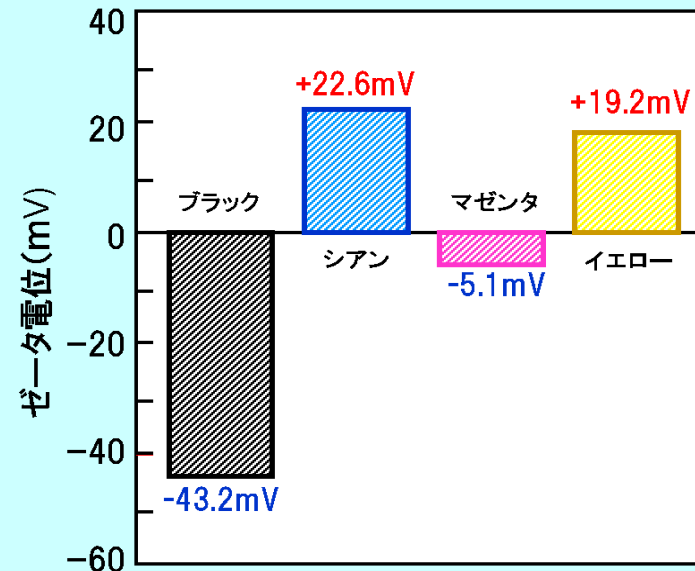
2)分散した状態を保つことが重要



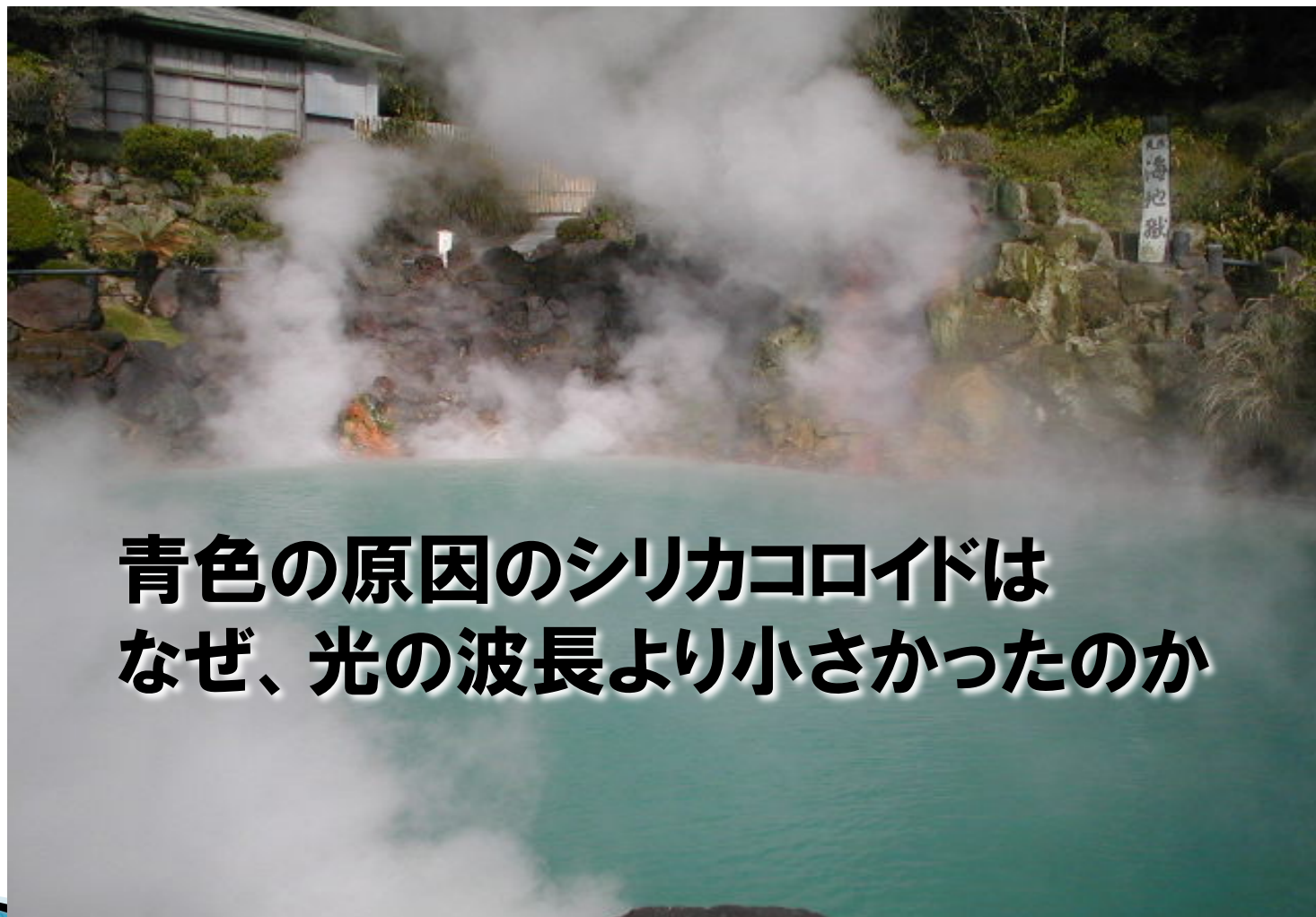
凝集し固まると、インクジェット等では噴射できなくなり、色ムラにつながる

製品寿命、品質向上のための条件検討

各色の有機顔料のゼータ電位



「別府・海地獄」に、戻ろう！



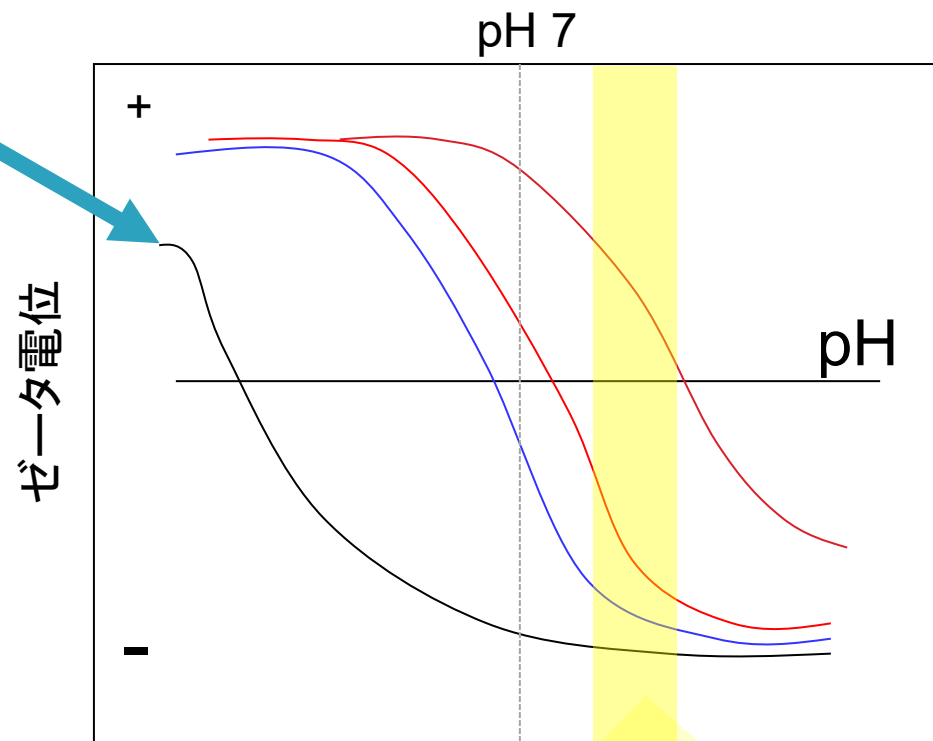
**青色の原因のシリカコロイドは
なぜ、光の波長より小さかったのか**

なぜ、シリカ粒子は波長よりも小さかったのか
それは、凝集せず、安定に水の中で分散していたからだ！

酸化物の等電点 結晶面、構造等によって変化する

等電点とはゼータ電位が 0 (ゼロ)になるpH

- ▶ SiO_2 2~3
- ▶ TiO_2 6~8
- ▶ Fe_2O_3 6~8
- ▶ ZrO_2 7~9
- ▶ Al_2O_3 7~9
- ▶ MgO 9~11



海地獄の温泉水のpH: 8~9

シリカコロイドの凝集・沈殿

左側が、温泉水。右側は、温泉水に、KCl(塩化カリウム)を混ぜて、1 mol/l KCl溶液としたもの。2~3時間で完全に凝集体となって沈殿した。右側の底にこずんでいるのが、そのシリカコロイド凝集体。



身の回りのコロイドを見てみよう！

- ▶ コロイドの分散と凝集に注目しよう！
- ▶ 「分散」って、何だろうか？
- ▶ 「凝集」って、何だろうか？



- ▶ 「凝集」産物の代表例は**豆腐**だ！

嬉野名物！温泉湯どうふ

29



嬉野温泉豆腐の秘密

30

□ 嬉野温泉と豆腐の関係

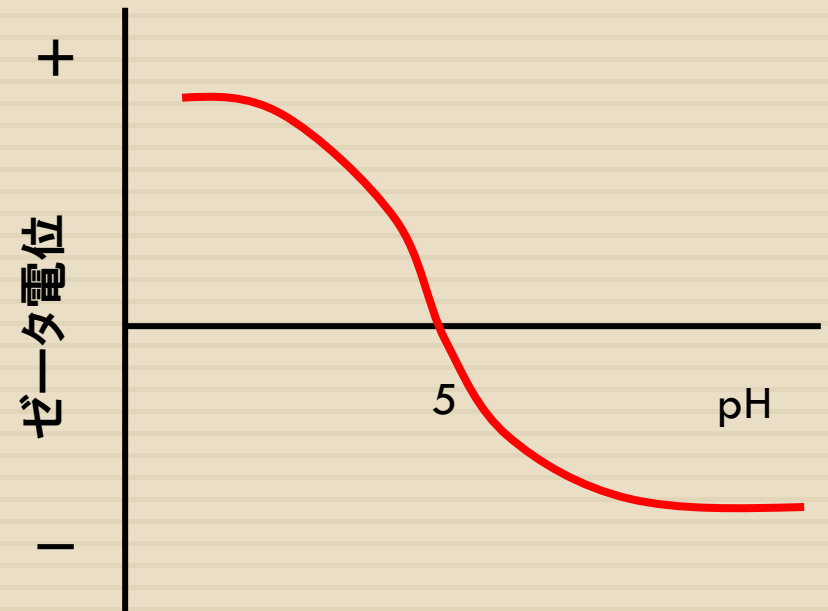


**嬉野温泉水で湯豆腐が溶ける！
なぜだ・・・??**

豆腐

31

- 通常の大豆蛋白質の等電点は4.5～5.0程度
 - pH 5以上で、-
 - pH 4.5 以下で、+
- 家庭の水のpHは
 - 5.0～6.0
- 等電点付近ではホモ凝集
- pHを上げると分散



豆腐 「急速凝集」の産物

32

- 豆腐を作るといふか、固めるときにつかう、にがりの主成分は、塩化マグネシウムで少し硫酸マグネシウムなどが入っている。
- マグネシウムやカルシウムは、塩水の主成分のナトリウムと違って、イオンとしては、2価の陽イオンとなっていて溶けている。
- 硫酸マグネシウムの硫酸イオンは2価の陰イオン。
- 一般に物質が凝集をおこすときに、あるトリガー（引き金）があって起こる。これを急速凝集といい、そのトリガーになるのが電解質イオン、つまり、塩。
- 牛乳からバターをつくる時、食塩を用いるが、それも同じ。

豆腐 「急速凝集」の産物

33

- 凝集沈殿において、同じ凝集を得るための濃度は、1価イオンよりも、2価、3価の方が圧倒的に有利で、イオンの価数の6乗に反比例して凝集する。
- ナトリウムイオンよりもマグネシウムイオンの方が同じ濃度でも6乗倍、つまり、64倍凝集させる力がある。
- つまり、食塩よりも、人工にがり（硫酸マグネシウム）の方が64倍凝集させる力が強い。

嬉野温泉の成分

34

- ❑ 嬉野温泉は、ナトリウム-炭酸水素塩・塩化物泉（重曹泉）。弱アルカリ泉（pH7.5-8.5）ナトリウム含有量：試料1kg中400-500mg程度。
- ❑ 豆腐を凝固させる、カルシウムやマグネシウムの量が少ないため、豆腐をpH効果で、分散させる。
- ❑ これは一般に言われるような、タンパク質を分解しているわけではなく、「分散」という物理化学現象。



生活の中のコロイド

35

□ うどん

『うどん』にも
コロイド界面化学
の考え方が、
入っています！

讃岐うどんに使う塩の量は
粉に対して3%以上



2021/5/18

さぬきうどん北東製粉の説明

36

生地がダレすぎず安定する

- 小麦粉は真水で捏ねてもグルテンが形成されますが 塩水の方が**より強力なグルテン**を作ります。
- これを**塩の収斂作用**と叫ぶいううどんのコシのもと。
- 適切な熟成時間なら 生地がダレないのも塩のおかげです。

身の回りのコロイドを見てみよう！

- ▶ コロイドの分散と凝集に注目しよう！
- ▶ 「分散」って、何だろうか？
- ▶ 「凝集」って、何だろうか？



- ▶ さあ「分散」と「凝集」の理論の世界へ！

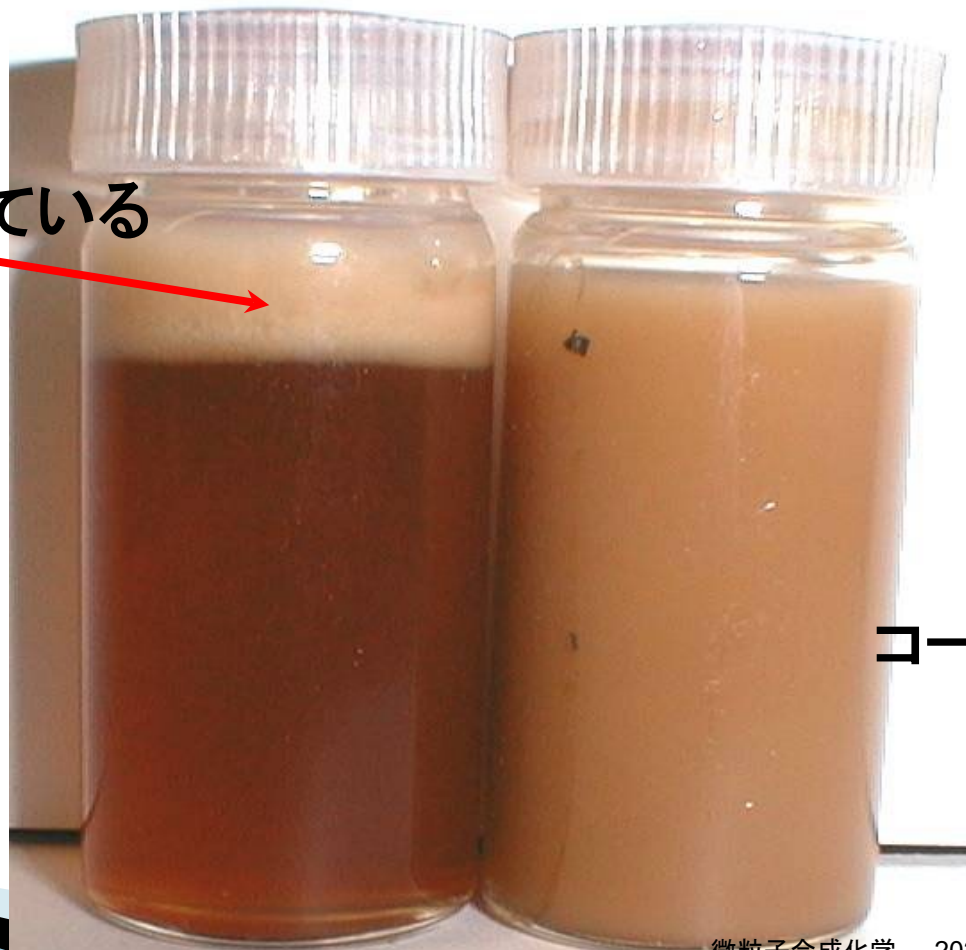
分散と凝集

コーヒー牛乳に塩を入れる

乳脂肪が浮上している

1 mol/L KCl溶液

コーヒー牛乳だけ



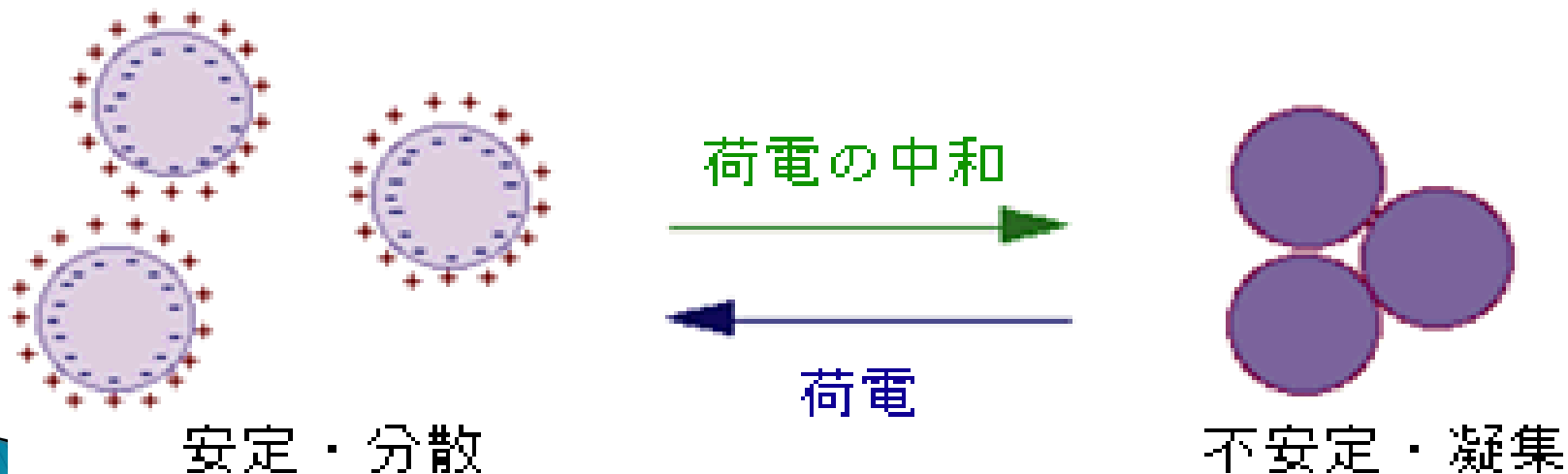
シリカコロイドの凝集・沈殿

左側が、温泉水。右側は、温泉水に、KCl(塩化カリウム)を混ぜて、1 mol/l KCl溶液としたもの
2~3時間で完全に凝集体となって沈殿
右側の底にこずんでいるのが、そのシリカコロイド凝集体



なぜ、コーヒーの乳脂肪は浮上したか？

- ▶ 乳脂肪は水よりも軽い
 - ▶ 牛乳は乳脂肪が分散したもの
- ↓
- ▶ 塩を入れることで「凝集」して浮上した



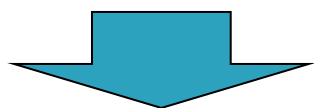
分散と凝集

▶ 分散とは何か

- 溶媒中にコロイドが凝集せずにただよっている

▶ 凝集とは何か

- コロイドがより集まってくる



▶ 物質は本来凝集するもの

- 分子間力 → van der Waals力

分散と凝集（平衡論的考察）

▶ 凝集

- van der Waals力による相互作用

凝集

▶ 分散

- 静電的反発力

分散



- 粒子表面の電位による反発

分散と凝集（速度論的考察）

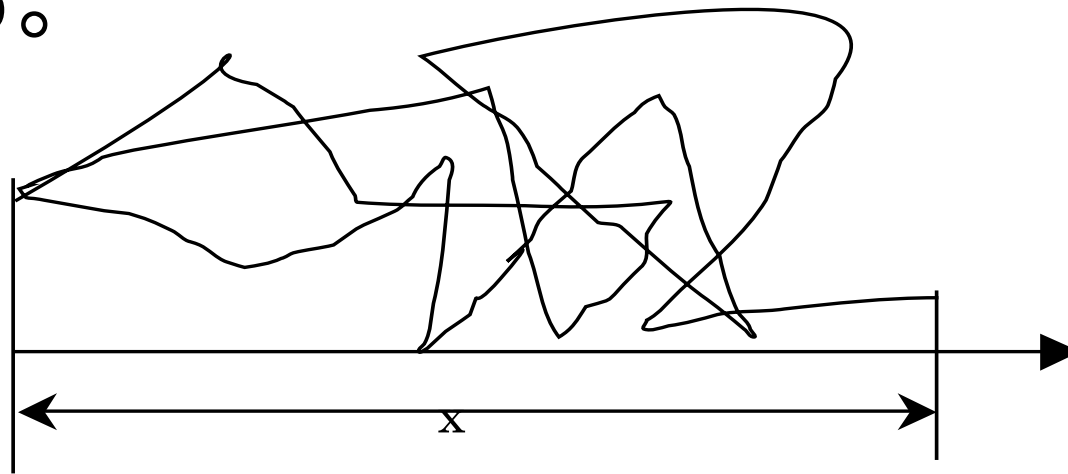
- ▶ 分散するためには
 - 平衡的に分散条件にあること
 - 速度論的に分散条件にあること



- ブラウン運動（熱運動）

速度論: ブラウン運動

- ▶ 分散の平衡論的な解釈は、静電的反発力であるが、水の中を漂い、空気の中に分散する、コロイド粒子の動き、つまり速度論的解釈は、ブラウン運動 Brownian motion である。



速度論：ブラウン運動

- ▶ 粒子がブラウン運動を起こして（不規則な運動）いるとすると、ブラウン運動は粒子の熱運動であるので、粒子1個について、 kT のエネルギーを持っている。これが運動エネルギーに変換されているとすると
- ▶ $kT = 1/2 mv^2$
- ▶ となる。

速度論：ブラウン運動

- ▶ Einsteinの統計的計算によると、粒子1個がブラウン運動によって、 t 時間に x 方向へ移動する平均距離 x は、
$$x = \sqrt{sDt}$$

- ▶ D は、粒子の拡散定数。Einsteinは、さらに、拡散定数に関する式
$$D = \frac{kT}{f}$$

- ▶ を提出した。ここで、 f は摩擦係数と呼ばれるもので、粒子が媒質の分子に比べて非常に大きいとき、Stokesの法則がなりたつ。

速度論：ブラウン運動

$$f = 6\pi\eta a$$

▶ ここで、 η は物質の粘度、 a は粒子半径である。

▶ 結局、

$$x = \sqrt{\frac{RTt}{3\pi\eta a N_A}}$$

▶ となる。 R は気体定数、 N_A はアボガドロ数。

速度論：ブラウン運動

- ▶ たとえば、20℃、蒸留水中において、粒子の1秒後の変位 x を計算すると、つぎのようになる。
- ▶ 粒子半径 1秒後の変位(μm)
- ▶ 1 nm 20.7
- ▶ 10 nm 6.56
- ▶ 100 nm 2.07
- ▶ 1 μm 0.656
- ▶ である。

分散するか凝集するか

▶ 平衡論

◦ 静電的反発力

- コロイドの界面電位による

▶ 速度論

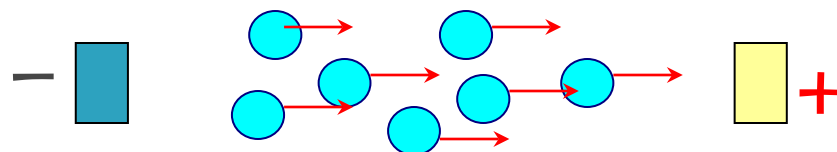
- コロイド同士の衝突 ← 熱運動と衝突確率

静電的反発力とは

- ▶ 力の源は、粒子の表面電位
- ▶ 表面電位が絡んでいる現象
 - **電気泳動**
 - **電気浸透**
 - **沈降電位**

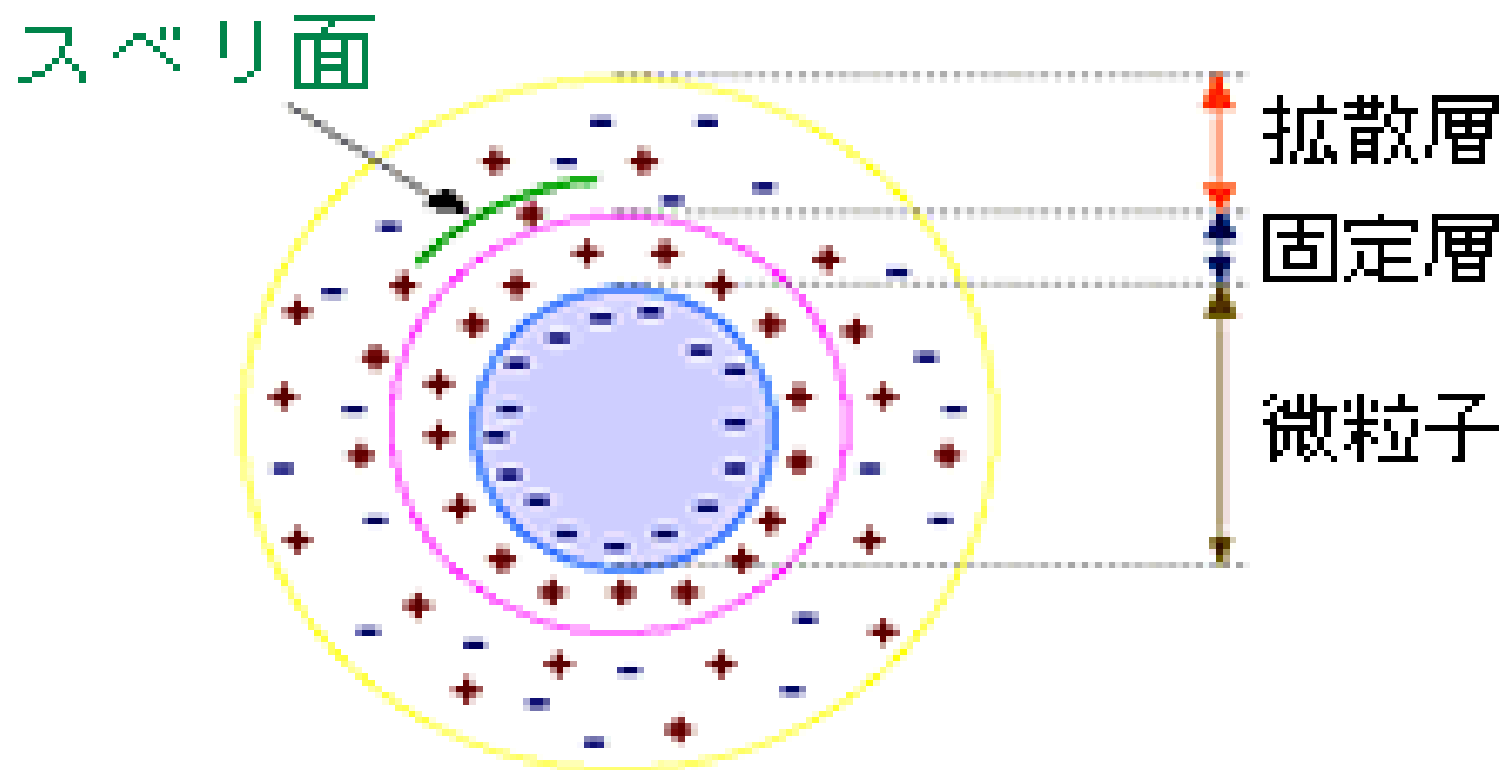
電気泳動

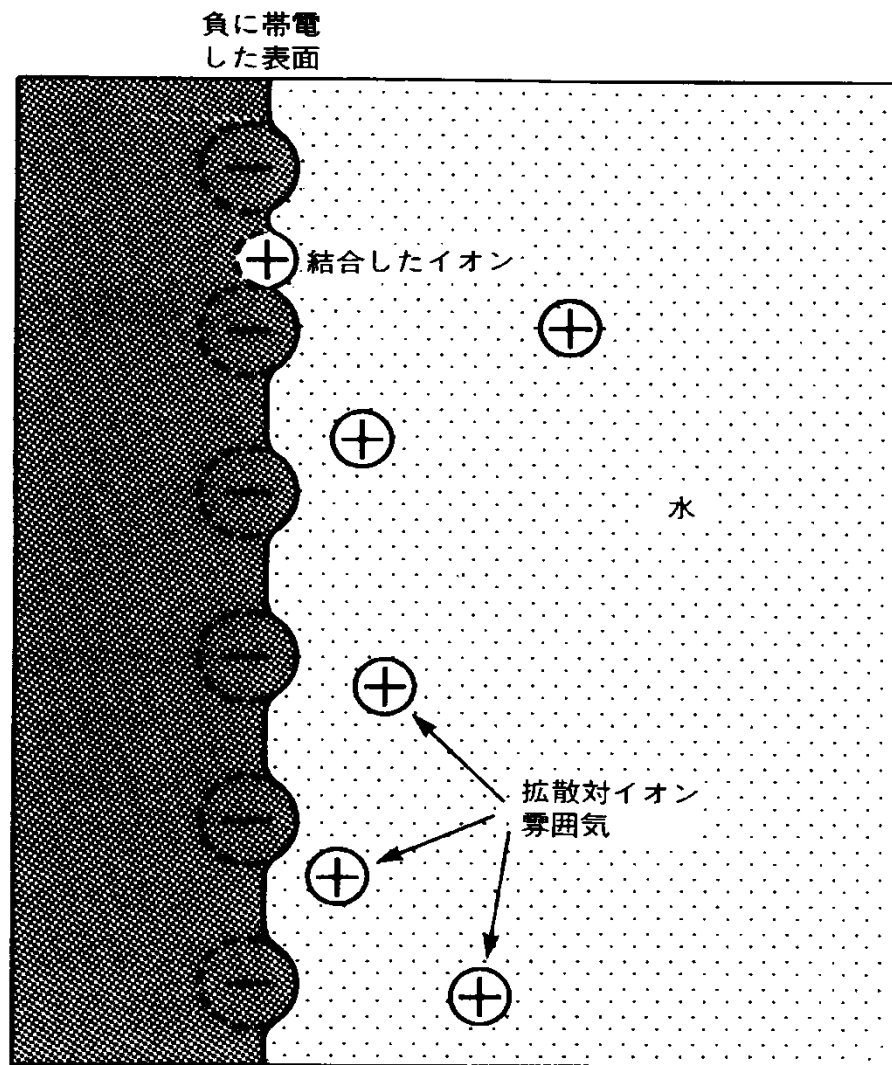
- ▶ 電気泳動というのは、電気を帯びた分子（イオン）が、電圧によって動く現象のこと



- ▶ プラスの電気を帯びた分子はマイナス電極へ、マイナスの電気を帯びた分子はプラスの電極へ、引きつけられる
- ▶ コロイドも同じ。電圧のかかっている場所（電場）の中で、コロイド全体としての電荷の反対符号の電極の方向へ動く

表面電荷





表面電位(静電的反発力の源)

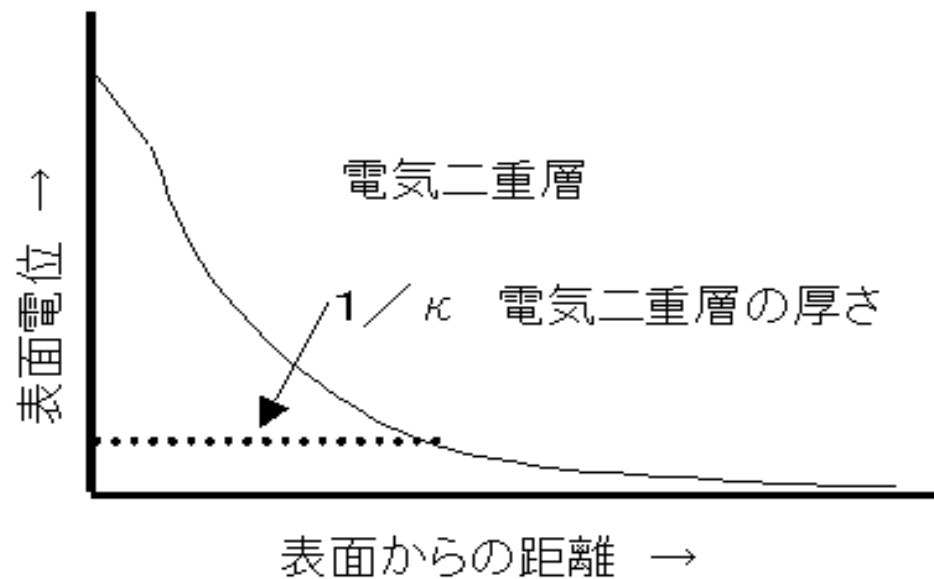


図 表面に結合したイオンは、固く結びついているのではなく、溶液中の別のイオンと入れ替わることができる。表面上に存在する寿命は 10^{-9} s のように短い場合もあれば、何時間もの長さの場合もある。

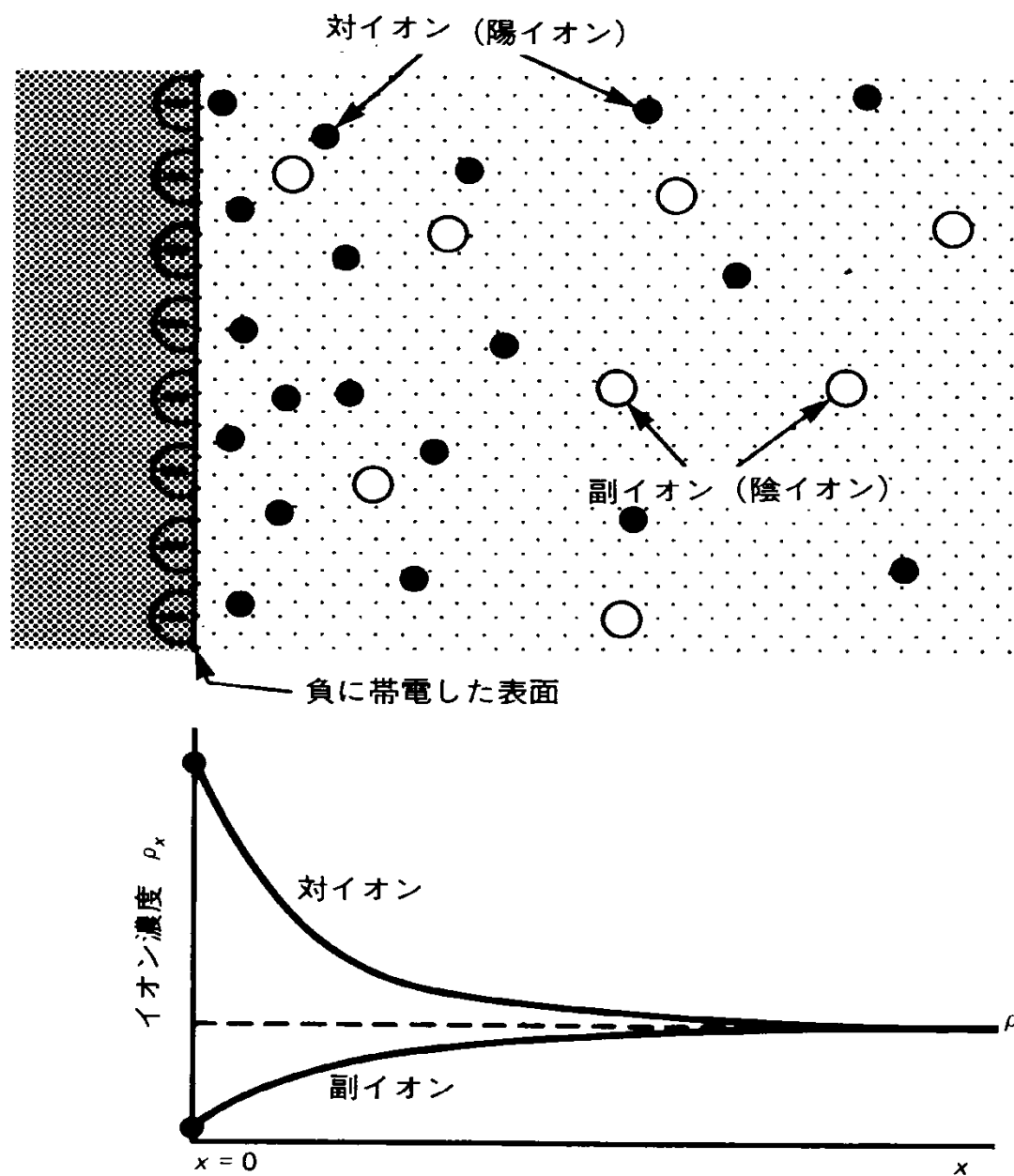


図 帯電表面近くでは、対イオン（表面電荷と逆符号の電荷）が蓄積し、一方副イオンは不足する。下のグラフは1-1電解質の場合である。ここで、 ρ_∞ はバルク濃度である。

3. 分散凝集の理論と分散安定性評価

2021/5/18

粒子の分散、凝集挙動の本質とは

分子間力

ファンデルワールスカ

どの分子間にもはたらく引力 (分子量が大きいほど大きくなる)

(分子の融点・沸点は分子量に比例して高くなる)

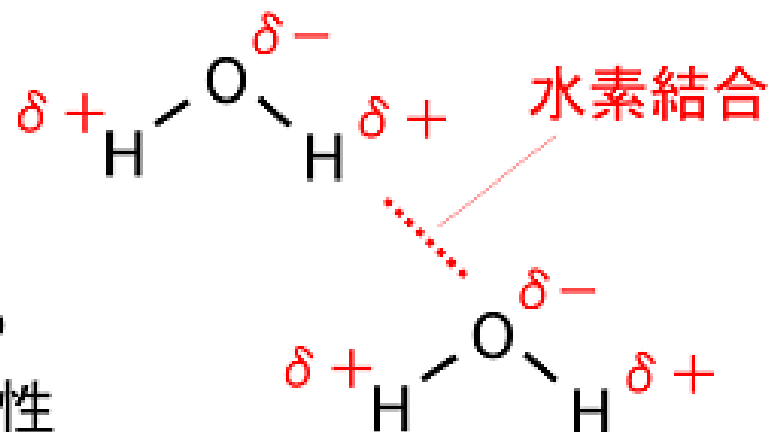
弱い静電気力

極性分子間ではたらく

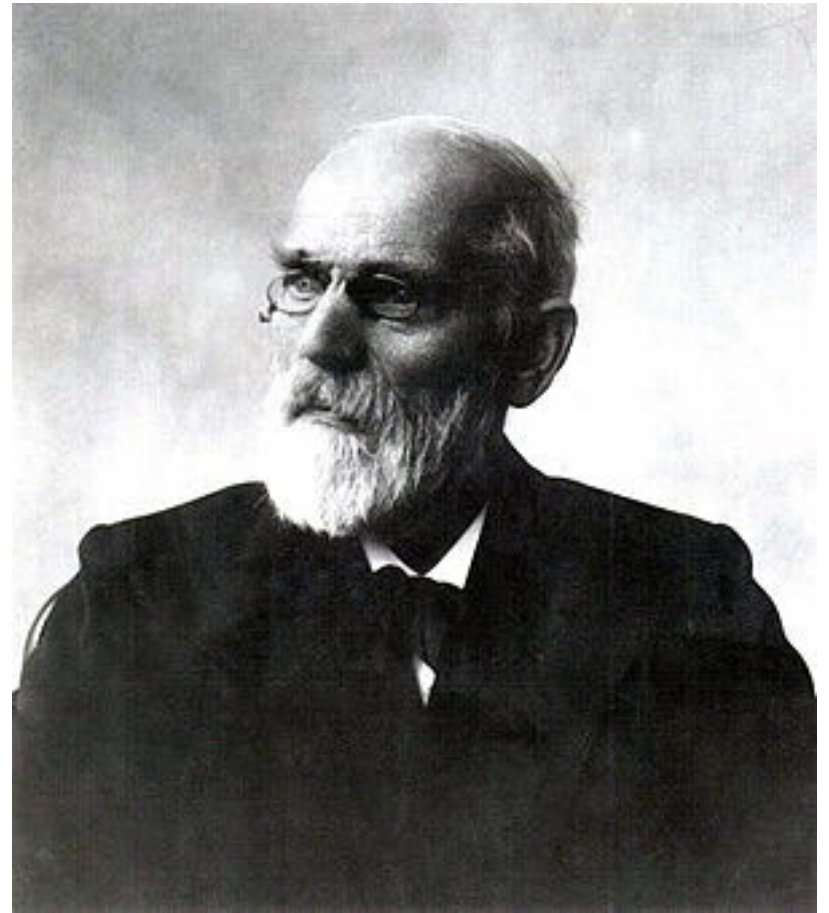
水素結合

H_2O , HF , NH_3 などで見られる

($\text{O}-\text{H}$, $\text{F}-\text{H}$, $\text{N}-\text{H}$ は特に極性が大きいいため生じる)



ヨハネス・ディーデリク・ファン・デル・ワールス
(Johannes Diderik van der Waals, 1837年11月23日 - 1923年3月8日)
は、オランダの物理学者。
分子の大きさと分子間力を
考慮した気体の状態方程式
を発見し、1910年にオ
ランダ人として3人目の
ノーベル物理学賞を受賞
した。



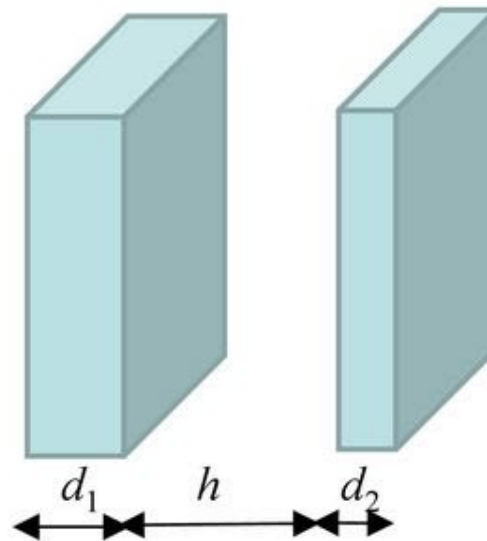
van der Waals力

- ▶ ファンデルワールス力は電氣的に中性である分子と分子の間に働く電磁氣的な相互作用力のことで、分子や原子が接近すると分子と原子は瞬間的に分極して引力が発生する。この力をファンデルワールス力と呼ぶ。
- ▶ 分子や原子がある距離よりさらに近づくと強い反発力となる。だいたい0.2nmくらいが最小の表面間距離といわれている。
- ▶ また、粒子と粒子、粒子と壁面などマクロな二物体がごく接近したときにも分子や原子のときと同じように生じる。

van der Waals力の特徴

- イオン結合や共有結合に比べてかなり小さな力である。
- 水中では空気中よりもはたらく力が小さくなる。
- 接触部分に水分が吸着した場合，ファンデルワールス力は減少する。
- 表面粗さに反比例して小さくなる。
- 周囲の環境に作用されず，どんなときでもファンデルワールス力は存在する。

平板間van der Waals相互作用エネルギー



$$V(h) = -\frac{A_{12}}{12\pi} \left[\frac{1}{h^2} - \frac{1}{(h+d_1)^2} - \frac{1}{(h+d_2)^2} + \frac{1}{(h+d_1+d_2)^2} \right] \text{ (単位面積当たり)}$$

$$A_{12} = \pi^2 C_{12} N_1 N_2 = \pi^2 (C_1 C_2)^{1/2} N_1 N_2 = (A_1 A_2)^{1/2} \text{ は}$$

異種の物質1と2の相互作用に対する**Hamaker定数**

(A_i = 物質 i ($i = 1, 2$) 同士の相互作用に対するHamaker定数)

微粒子合成化学

粒子間のvan der Waals力

$$V_{vdw} = -\frac{A}{6} \left\{ \frac{2}{s^2 - 4} + \frac{2}{s^2} + \ln \left(\frac{s^2 - 4}{s^2} \right) \right\}$$

h が a に比べて著しく小さい場合

$$S=2a+h$$

ポテンシャルエネルギーは

$$V_{vdw} = -\frac{Aa}{12h}$$

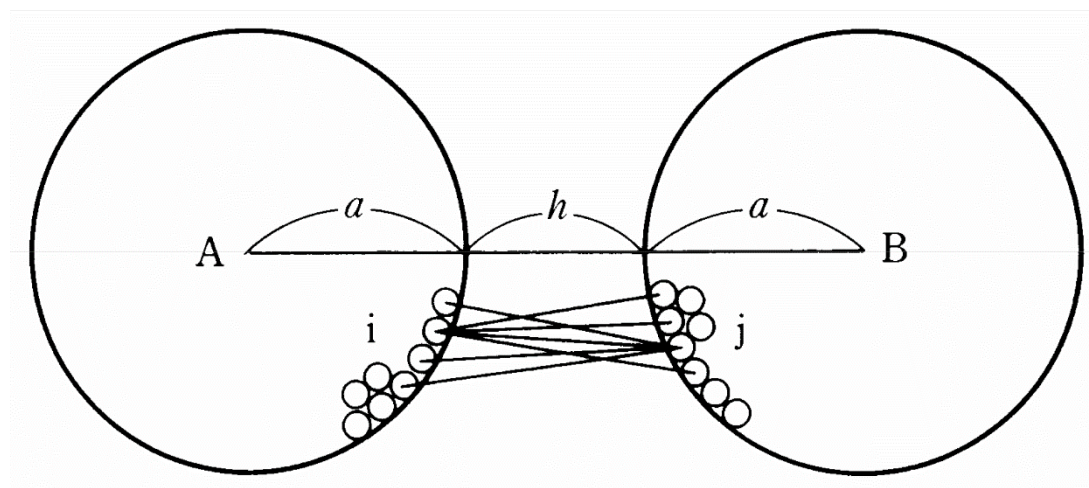
A: Hamaker定数

異なる径の粒子の場合

$$V_{vdw} = -\frac{Aa_1a_2}{6h(a_1 + a_2)}$$

平面間では

$$V_{vdw} = -\frac{A}{12\pi h^2}$$



Hamaker constant

From Wikipedia, the free encyclopedia

The **Hamaker constant** A can be defined for a Van der Waals (VdW) body–body interaction:

$$A = \pi^2 \times C \times \rho_1 \times \rho_2,$$

where ρ_1 and ρ_2 are the [number densities](#) of the two interacting kinds of particles, and C is the coefficient in the particle–particle pair interaction.^{[1][2]} It is named after [H. C. Hamaker](#).

The Hamaker constant provides the means to determine the interaction parameter C from the Van der Waals pair potential, $w(r) = -C/r^6$.

Hamaker's method and the associated Hamaker constant ignores the influence of an intervening medium between the two particles of interaction. In the 1950s [Lifshitz](#) developed a description of the VdW energy but with consideration of the dielectric properties of this intervening medium (often a continuous phase).

The [Van der Waals forces](#) are effective only up to several hundred [angstroms](#). When the interactions are too far apart, the dispersion potential decays faster than $1/r^6$; this is called the [retarded](#) regime, and the result is a [Casimir–Polder force](#).

ハーマーカー定数(はーまーかーていすう) | Hamaker constant

コロイド粒子間の相互作用ポテンシャル曲線を描くとき、Stern 電位 ϕ と Hamaker 定数 A の値が必要である。 ϕ は実験的にもとめられるゼータ電位と近似的に等しいとおける。 A の値は理論と実験の両面から導くことができる。Hamaker の微視的理論によると真空中でのある物質の Hamaker 定数 A は London 定数 Λ と次式で関係づけられる。

$$A = \pi^2 q^2 \Lambda$$

ここで q はコロイド粒子の単位体積中の分子数を示す。媒質液(3)中に分散したコロイド粒子(1)の Hamaker 定数($A_{11/3}$)は次式で表される。

$$A_{11/3} = (\sqrt{A_{11}} - \sqrt{A_{33}})^2$$

ここで A_{11} および A_{33} はコロイド粒子および媒質液体の真空なかの Hamaker 定数である。 A の値を実験的に求める方法には物体間の引力を直接もとめる方法、臨界凝集濃度の値から A を計算する方法、表{界}面張力のそくていから求める方法などがある。

(古澤)

ゼータ電位 と ナノ粒子合成

- ▶ ゼータ電位は、それぞれの物質の固有の物理量である
- ▶ ゼータ電位は、水溶液のpHで変化する
- ▶ ゼータ電位は、分散・凝集のヒントになる
- ▶ ゼータ電位が低いと、通常凝集する
 - ホモ凝集という
- ▶ 粒子合成では、絶対に凝集させないようにしないといけない
- ▶ 自然に学ぶナノ粒子合成方法の開発が必要
 - ビールの泡が良い例となる？

図1 ゼータ電位

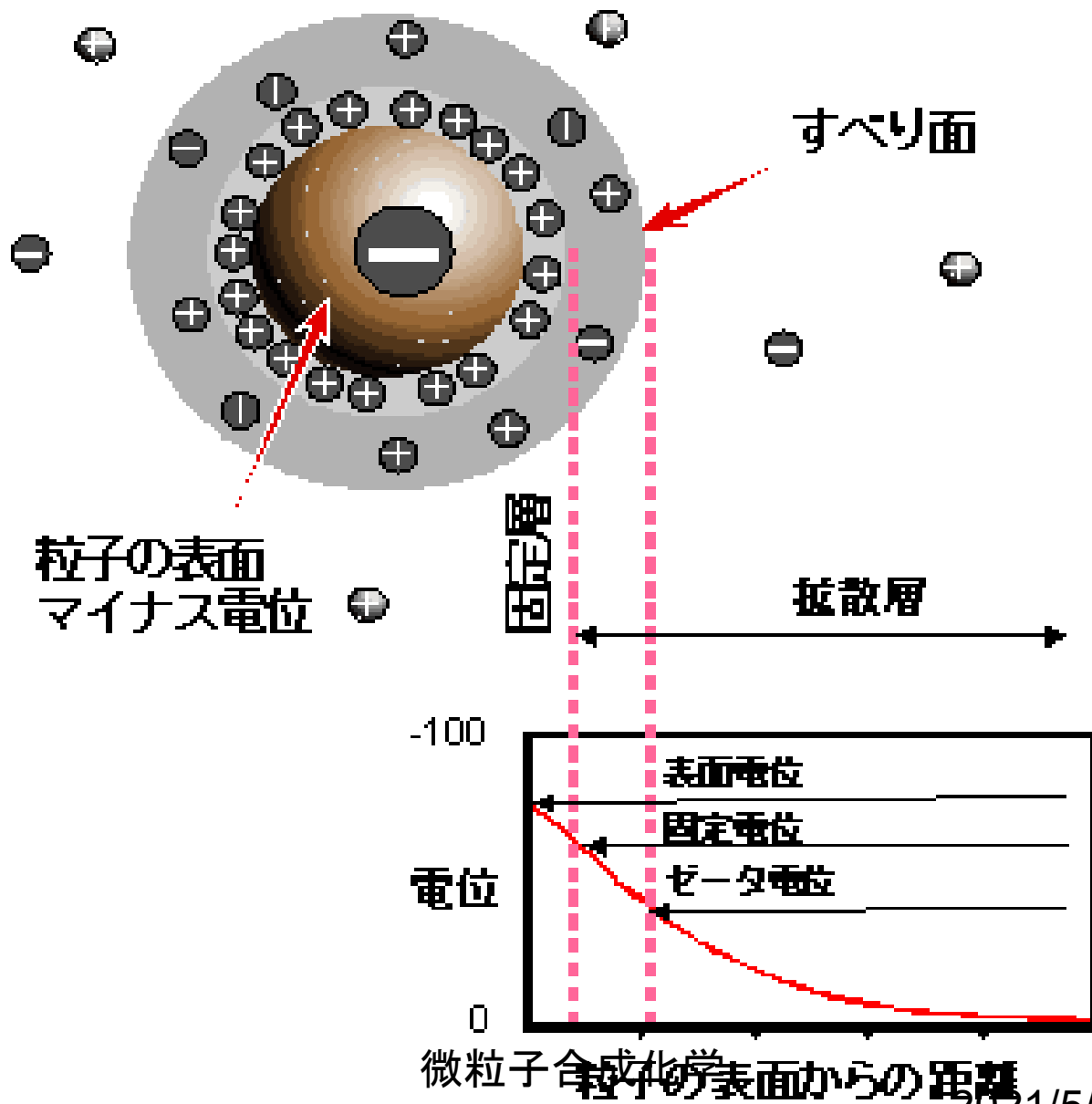


図2 ゼータ電位とすべり面

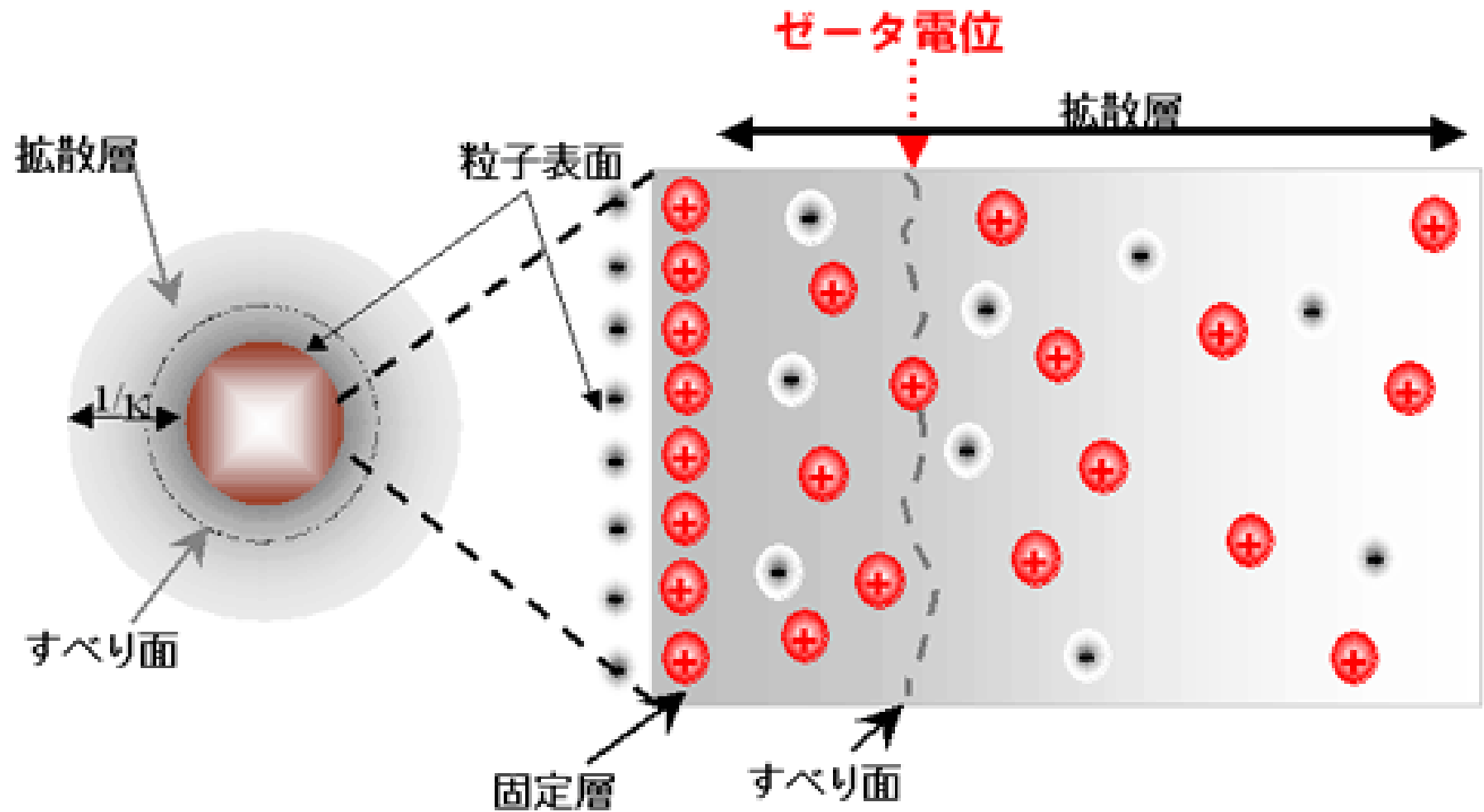
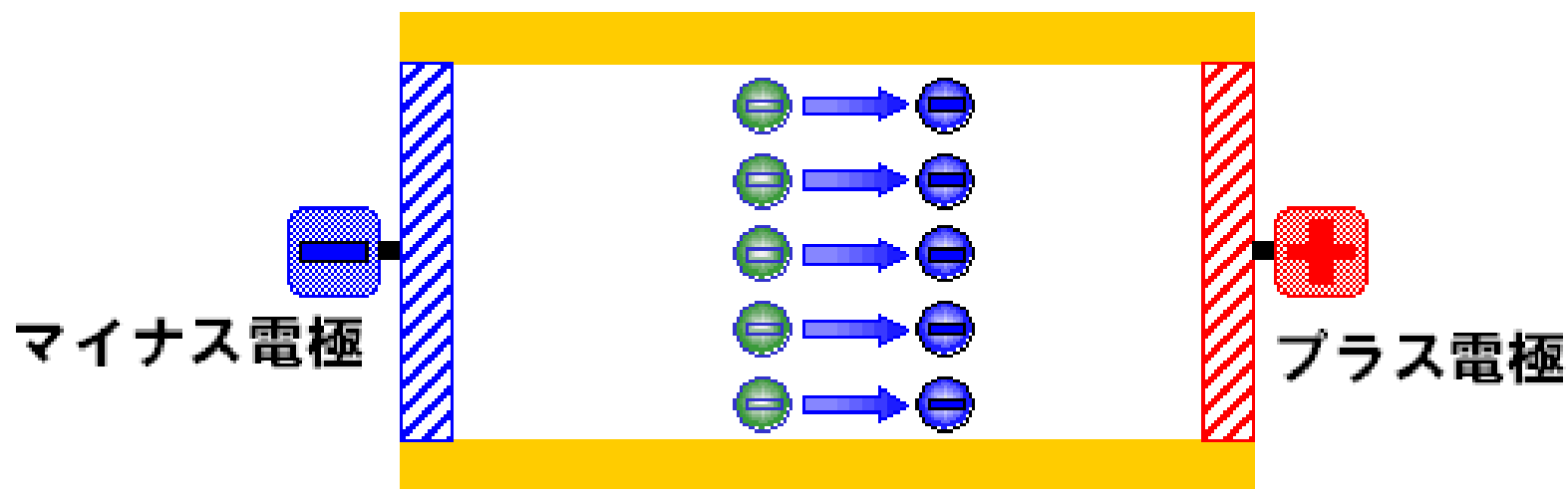
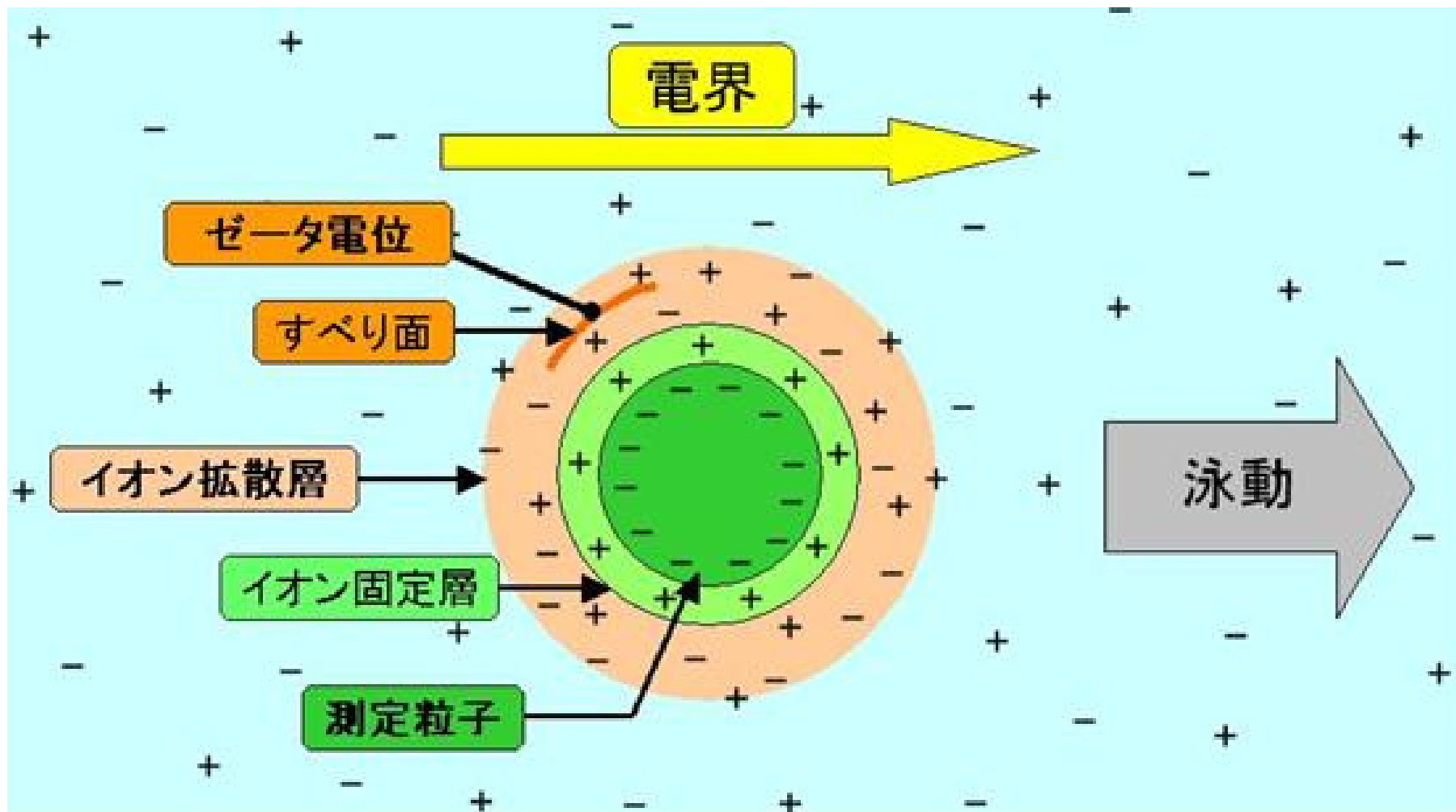


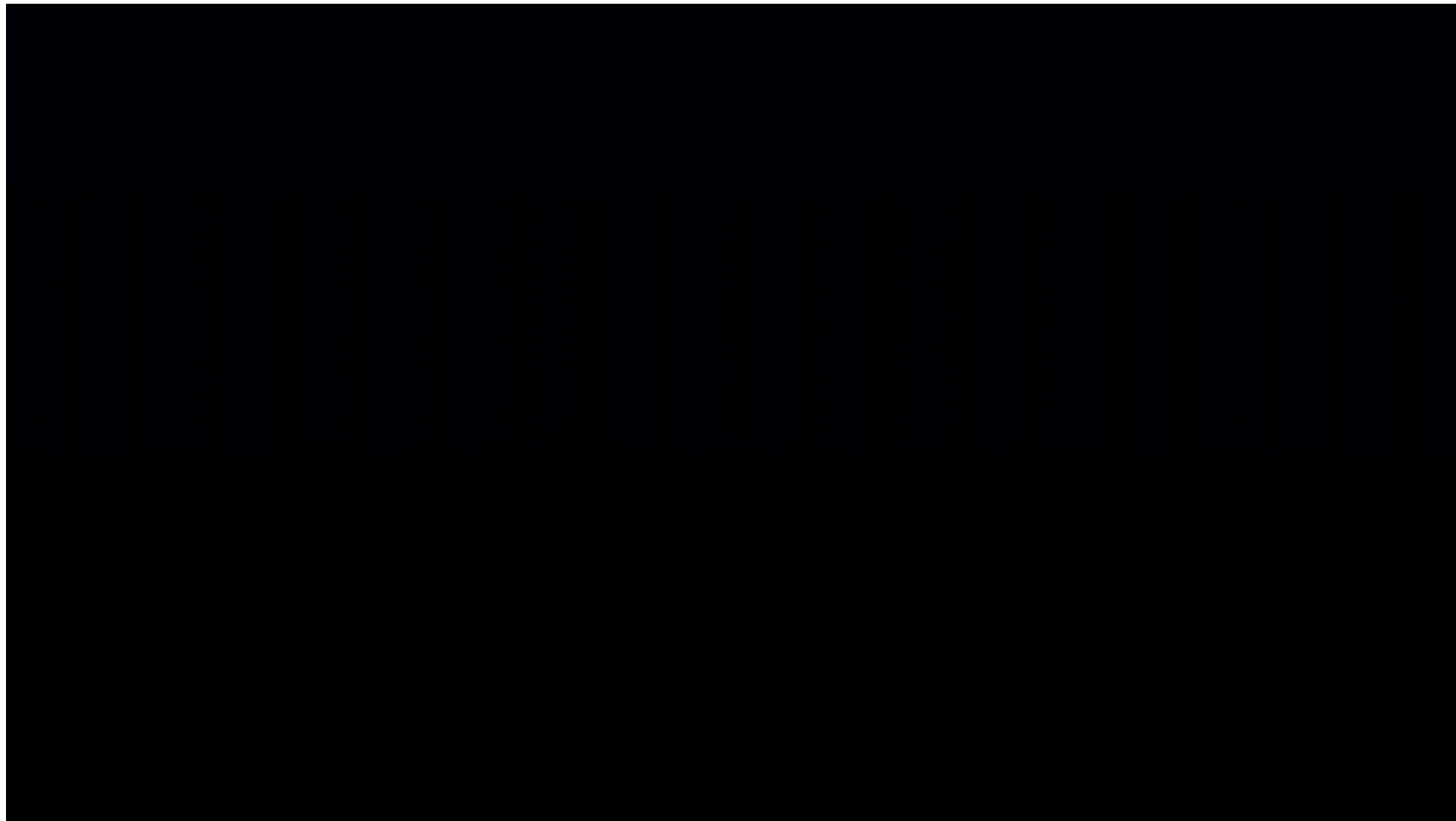
図6 電気泳動



同一のマイナスの荷電を持った粒子がプラス極へ移動している(理想系)



5 μ mPMMA マイクロ粒子の電気泳動



ゼータ電位の異なる粒子の混在



ブラウン運動

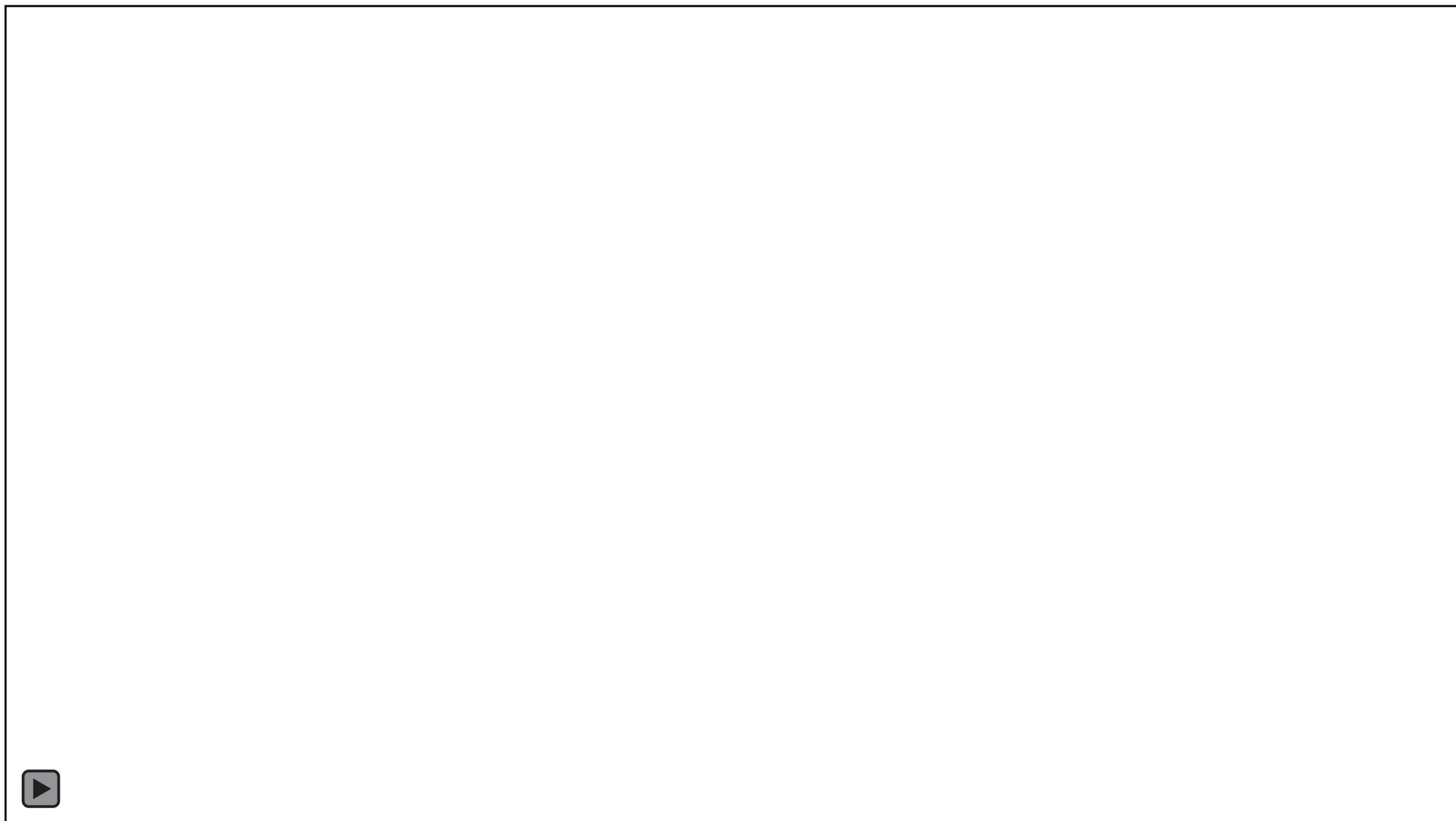
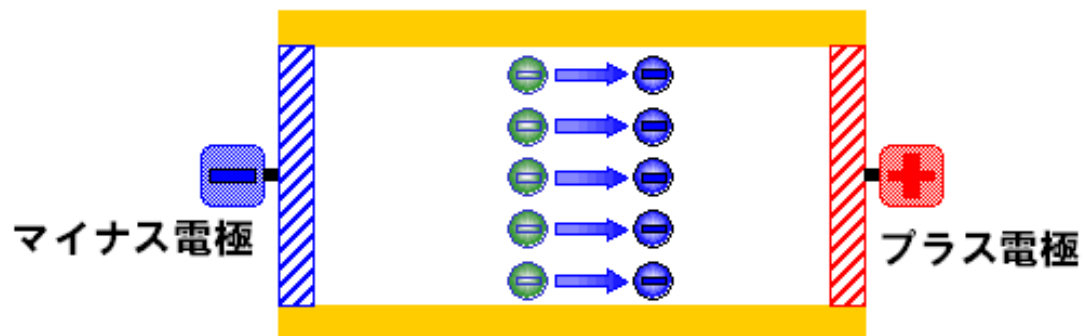


図6 電気泳動



同一のマイナスの荷電を持った粒子がプラス極へ移動している(理想系)

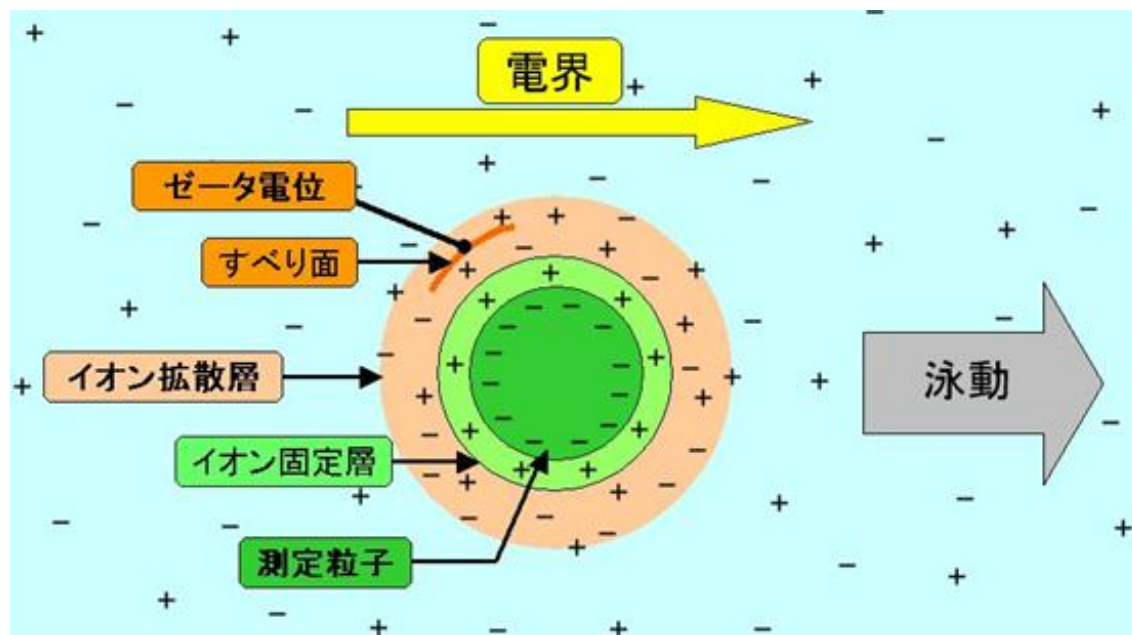


図4 ゼータ電位とpH

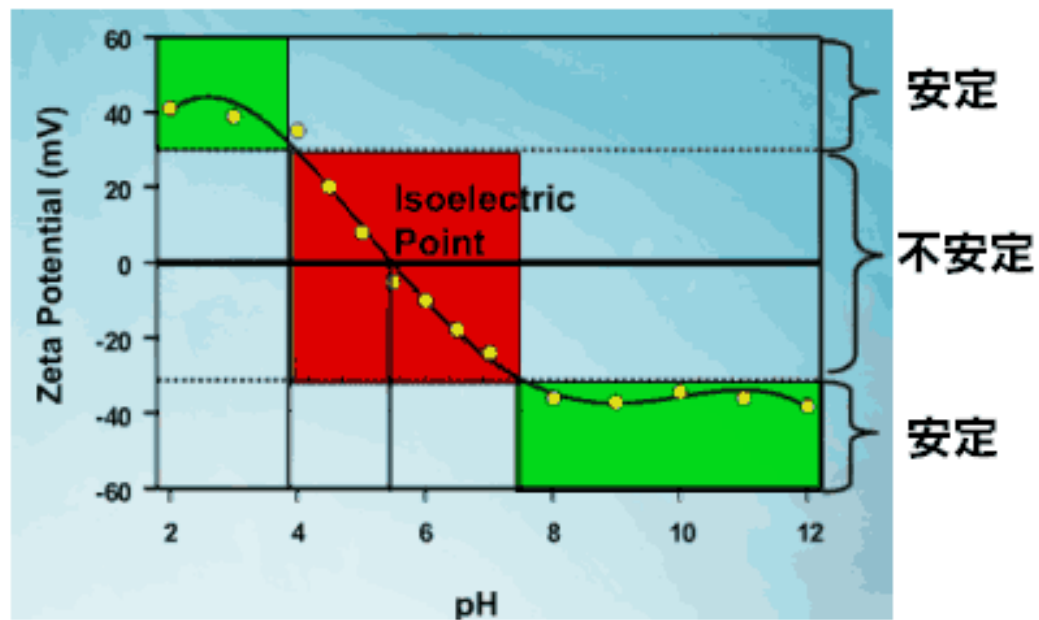
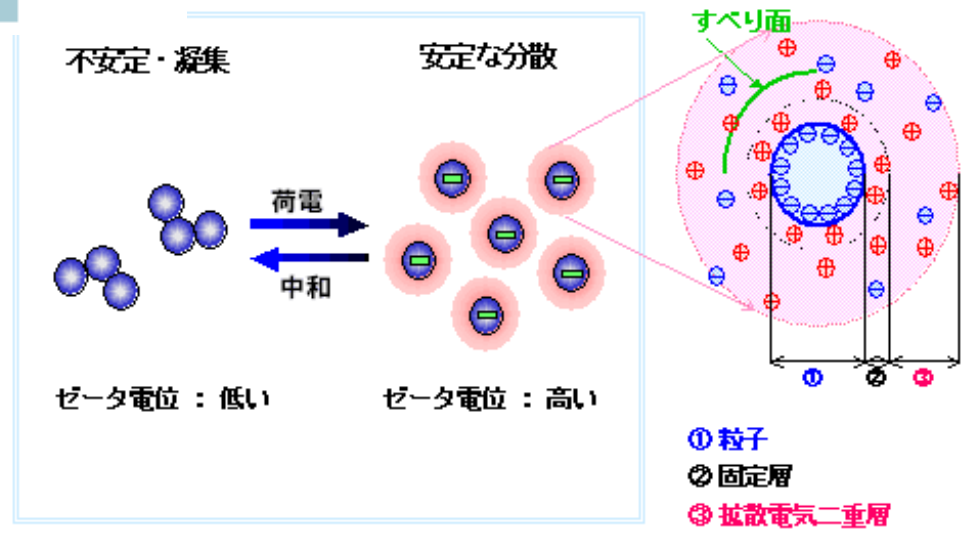


図3 ゼータ電位と分散



界面動電現象とは

液相中にある物質の相界面には、いわゆる電気二重層(Electric double layer)が形成されます。電気二重層はコンデンサーのように二枚の符号の異なる電気の層で近似的に表現されます。しかし、片方の層は拡散的に可動な性質を持っているため、外部から力学的な刺激を受け場合、片方の層だけが変形する性質を持っています。この性質のため、電気二重層の運動には常に電氣的な歪が伴います。この電氣的歪みによって生じる現象が、界面動電現象(Electrokinetic Phenomena)です。

一般のコロイド界面現象と同様、界面動電現象もバイオテクノロジー、ナノテクノロジー、環境科学と基礎的科学的視点から考えるうえでの重要な要素です。界面動電現象の発見は今から200年以上も前に遡りますが、今日においてもいくつもの未解決の問題が残されています。

一般に界面動電現象としては以下のものが知られています。

電気泳動

電気浸透

流動電位

ゼータ電位

電気粘性効果

振動電位

界面動電現象

- ▶ 溶液側に電気二重層を持つ固-液界面に、外部より直流電場 E を界面に平行に印加したとしよう。固体面は静止しているので、溶液側に層流が発生すると界面によって速度の分布が生じる。いま、溶液中に微小立方体を仮定すると、定常状態では立方体に作用する電気力と粘性力は釣り合わねばならない。立方体中の平均電荷密度を ρ とすれば電気力は ρE となり、定常状態では粘性力 ($\eta d^2u/dx^2$) と釣り合っている (SI 単位系)。

$$\rho E = \eta \frac{d^2u}{dx^2} \dots\dots\dots (6)$$

界面動電現象

- ▶ ここで u は界面又は粒子と溶液の相対速度，すなわち電気泳動移動度である。この関係にPoissonの式を代入し，整理した後，両辺を2回積分すると次式が得られる。

$$V = (\varepsilon_0 \varepsilon_r / \eta) \phi_0 E \dots\dots\dots (7)$$

加減肩内における電位は、Poissonの式

$$\Delta\psi = \text{div}(\text{grad } \psi) = \frac{\partial^2\psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2\psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2\psi}{\partial z^2} = -\frac{\rho}{\varepsilon_r \varepsilon_0}$$

を基礎にして求められる。

ε_r : 溶液の比誘電率

ε_0 : 真空の誘電率

ρ : 電荷密度

Smoluchowskiの式

- ▶ したがって、電気泳動移動度 $u = V/E$ は
$$u = (\epsilon_0 \epsilon_r / \eta) \zeta \cdots \cdots \cdots (8)$$
- ▶ で表される。ここで η は粘度を示す。また式(8)では、表面電位 ψ_0 をゼータ電位 ζ に置き換えてある。この式はSmoluchowskiの式と呼ばれ、最も広く用いられている電気泳動の式である。この式は平板を対象にして導かれたが、粒子半径(a)が電気二重層の厚さ($1/\kappa$)に比べ大きい($a \gg 1/\kappa$, または $ka \gg 1$)球状粒子に適用できるばかりでなく、半径の大きな円筒粒子にも使える。さらに、任意の形状の大きな粒子に適用できることになるので極めて有用な式と言える。
- ▶ とくに25°Cの水中($\epsilon_r = 78.5, \eta = 0.89 \text{ mPa}$)では,
$$\zeta = 12.8 u (\text{mV})$$

Hückel式

- ▶ 第二の方法は外部電場が“点電荷に作用する”と考える方法で、Smoluchowski式の適用極限と逆の極限、つまり小さな粒子半径 a または二重層が厚い極限 ($a \ll 1/\kappa$, または $\kappa a \ll 1$), で適用できる式で、Hückelの式と呼ばれている。

$$u = \frac{2\varepsilon_0 \varepsilon_r \zeta}{3\eta} \dots\dots\dots (10)$$

- ▶ Hückelの式はSmoluchowski式(8)と同様、粒子の半径 a に依存しないが、 $2/3$ の因子がついているところが異なる。

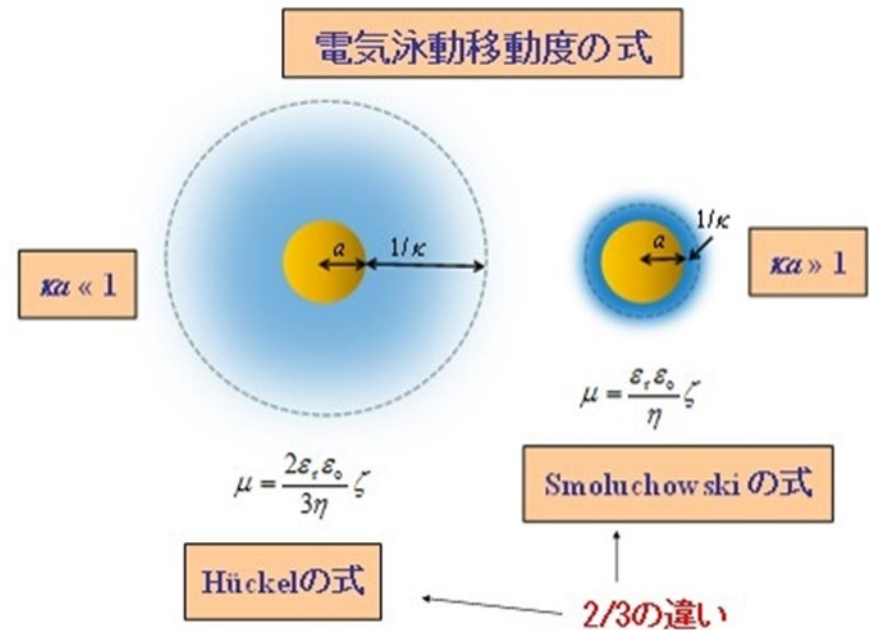
Henry式

- ▶ この矛盾に対してHenryは次のように考えた。Smoluchowski式では粒子の存在による電場の歪み(電場は界面に並行に作用している)が考慮されているが, Hückel式では粒子が非常に小さく, その存在による外部電場の歪みが無視されている。この電場の歪みを κa の関数として厳密に取り扱い, かつ粒子は静止した液中を泳動するのではなく, 対イオンによって逆方向に流れている液中を動くための効果(遅延効果)をも考慮に入れて, 次式を導いた。

$$u = (\varepsilon_0 \varepsilon_r / \eta) \zeta \cdot f(\kappa a) \dots\dots\dots (12)$$

Henry係数

- ▶ 関数 $f(\kappa a)$ をHenry係数と呼び、粒子の存在による外部電場の歪みの度合いを表し、 $\kappa a \rightarrow 0$ で $f = 2/3$ となり、Henry式はHückel式になる。逆に、 $\kappa a \rightarrow \infty$ では $f = 1$ となってSmoluchowski式となり、この極限では外部電場が完全に歪んでいる。また κa の中間の値については図2のようになる。



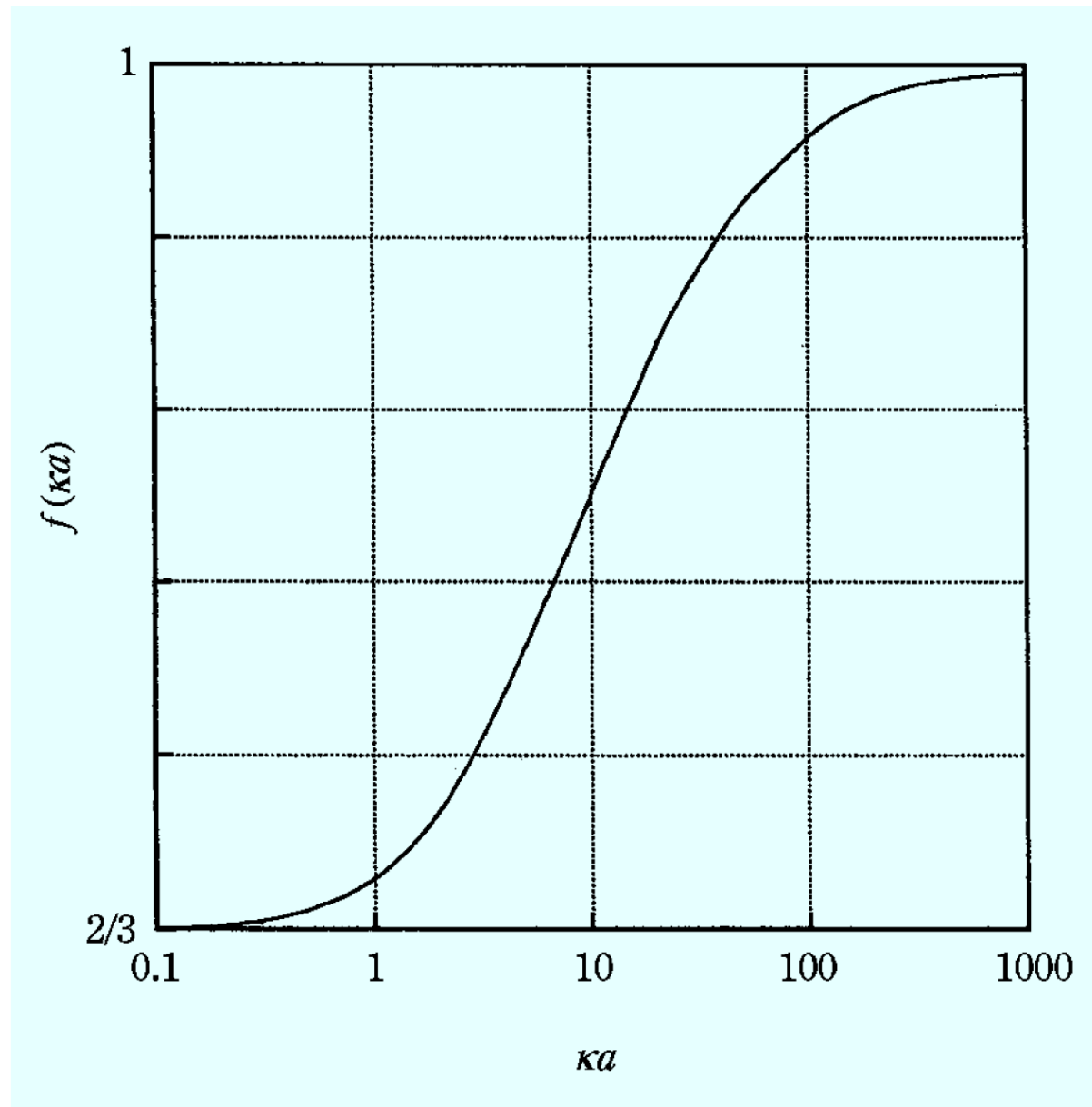


図2 Henry 係数 f の κa による変化
微粒子合成化学

緩和効果

- ▶ 電気泳動移動度と ζ 電位の関係にはまだ問題が一つ残っている。それは、強電解質の電気伝導理論でなじみ深い緩和効果で、外部電場で二重層が変形して非対称になるために、粒子に逆の電気力が作用する効果である。
- ▶ a) ζ 電位が50mV以下のコロイド系の電気泳動では、緩和効果は無視できる。
- ▶ b) $ka \gg 1$ または $ka \ll 1$ を満足するコロイド系では、緩和効果の影響は少ない。
- ▶ c) $1 < ka < 100$ で ζ 電位が75mV以上のコロイド系の u は緩和効果に大きく影響され、 u の値から ζ 電位を見積もるのが困難になる。

電気泳動測定

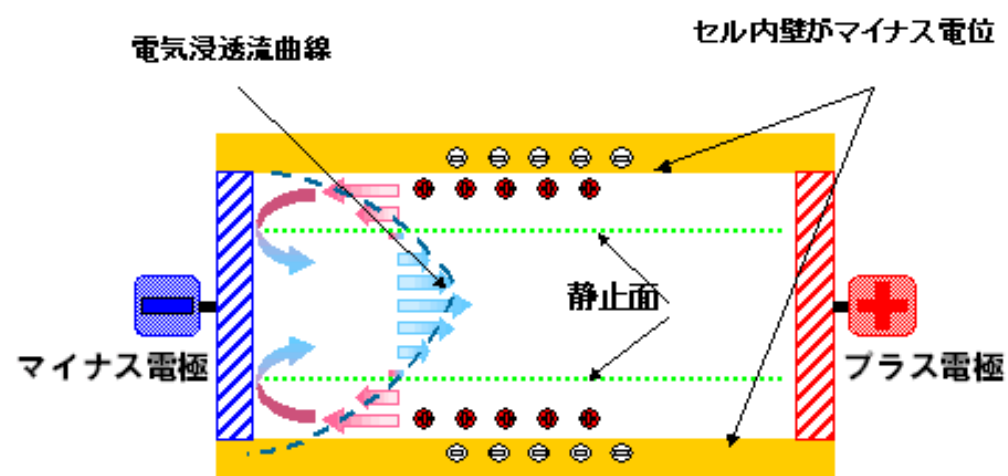
- ▶ 電気泳動測定を薄型ガラスセル内で行う場合の大きな問題は、ガラス壁面で起こる電気浸透効果を伴うことである。ガラス壁は水溶液に対して負に帯電しているため、電場を印加すると電気浸透効果で溶液が流動し、この流れ u_{osm} がコロイド粒子の真の電気泳動移動度 u に重ね合わされる。すなわち、顕微鏡で観察される見かけの粒子泳動移動度 u_{app} と u は次のように関係づけられる。

$$u_{app} = u + u_{osm} \dots\dots\dots (14)$$

- ▶ u_{app} はセルの深さ h で放物線状に変化し、 $k = (\text{セルの幅} / \text{セルの深さ}) \gg 1$ の場合、次の式で与えられる。

$$u_{osm} = \frac{u_0}{2} \left(\frac{3h^2}{b^2} - 1 \right) \dots\dots\dots (15)$$

- ▶ b : セルの厚さの $1/2$, u_0 は壁面 ($h = \pm b$) での電気泳動移動度

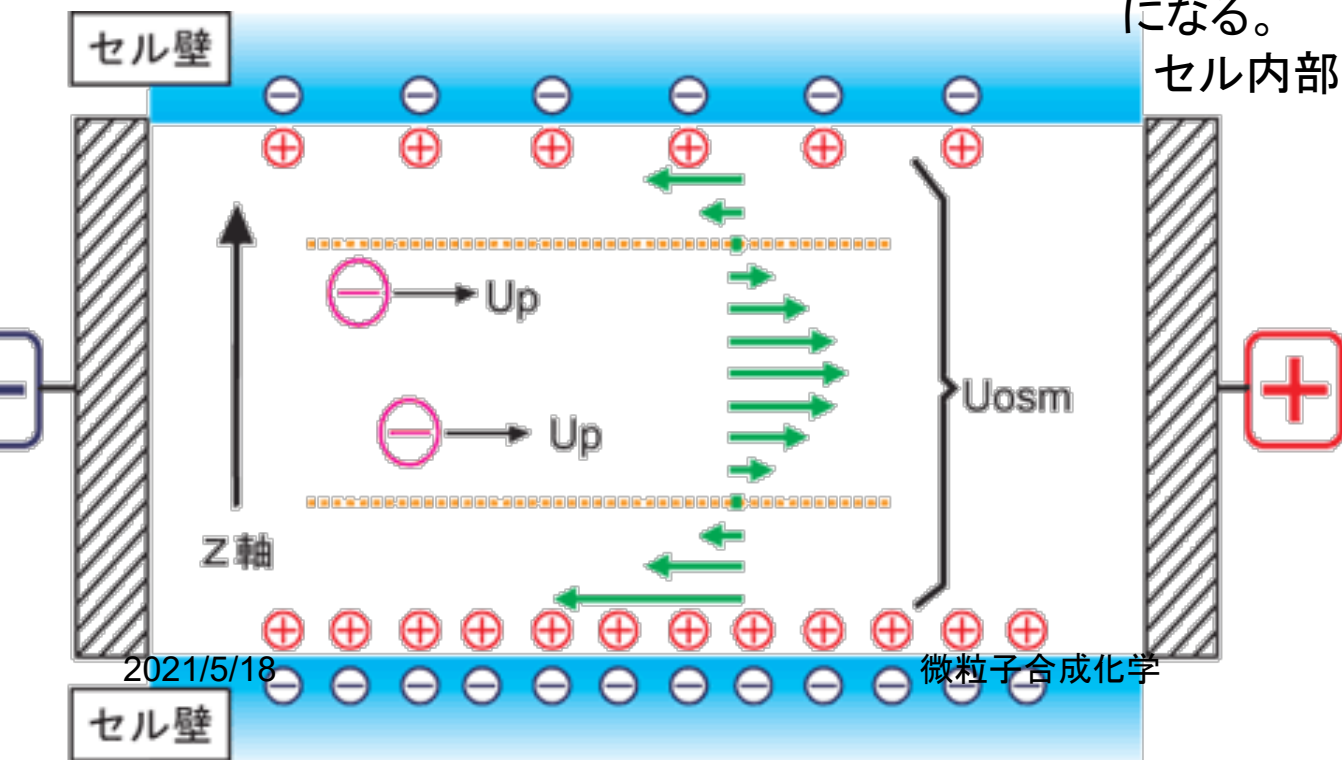


電気浸透流

一般に測定用セルには石英製のセルが用いられるが、石英の等電点は2~3で、通常セルの表面はマイナスに帯電しているため、セル内壁付近には溶液中のプラス電荷のイオンが多く存在している。

セルに電圧が印加された際、このセル壁付近のプラスイオンは陰極側に引かれて移動し流れが生じる。セルは通常密閉系であるため、セル壁近傍の流れは還流され、セル中心付近では逆方向の流れが生じることになる。

セル内部のこの流れを電気浸透流という



電気泳動測定

- ▶ 電気泳動測定を薄型ガラスセル内で行う場合の大きな問題は、ガラス壁面で起こる電気浸透効果を伴うことである。ガラス壁は水溶液に対して負に帯電しているため、電場を印加すると電気浸透効果で溶液が流動し、この流れ u_{osm} がコロイド粒子の真の電気泳動移動度 u に重ね合わされる。すなわち、顕微鏡で観察される見かけの粒子泳動移動度 u_{app} と u は次のように関係づけられる。

$$u_{app} = u + u_{osm} \dots\dots\dots (14)$$

- ▶ u_{app} はセルの深さ h で放物線状に変化し、 $k = (\text{セルの幅} / \text{セルの深さ}) \gg 1$ の場合、次の式で与えられる。

$$u_{osm} = \frac{u_0}{2} \left(\frac{3h^2}{b^2} - 1 \right) \dots\dots\dots (15)$$

- ▶ b : セルの厚さの $1/2$, u_0 は壁面 ($h = \pm b$) での電気泳動移動度

電気泳動測定

- ▶ 従って、 $u_{osm} = 0$ を示すレベル h_s での u_{app} が真の電気泳動移動度 u を与える。この h_s を静止レベル(Stationary level)と言い、次式で与えられる。

$$h_s = \pm \frac{b}{\sqrt{3}} = \pm 0.577b$$

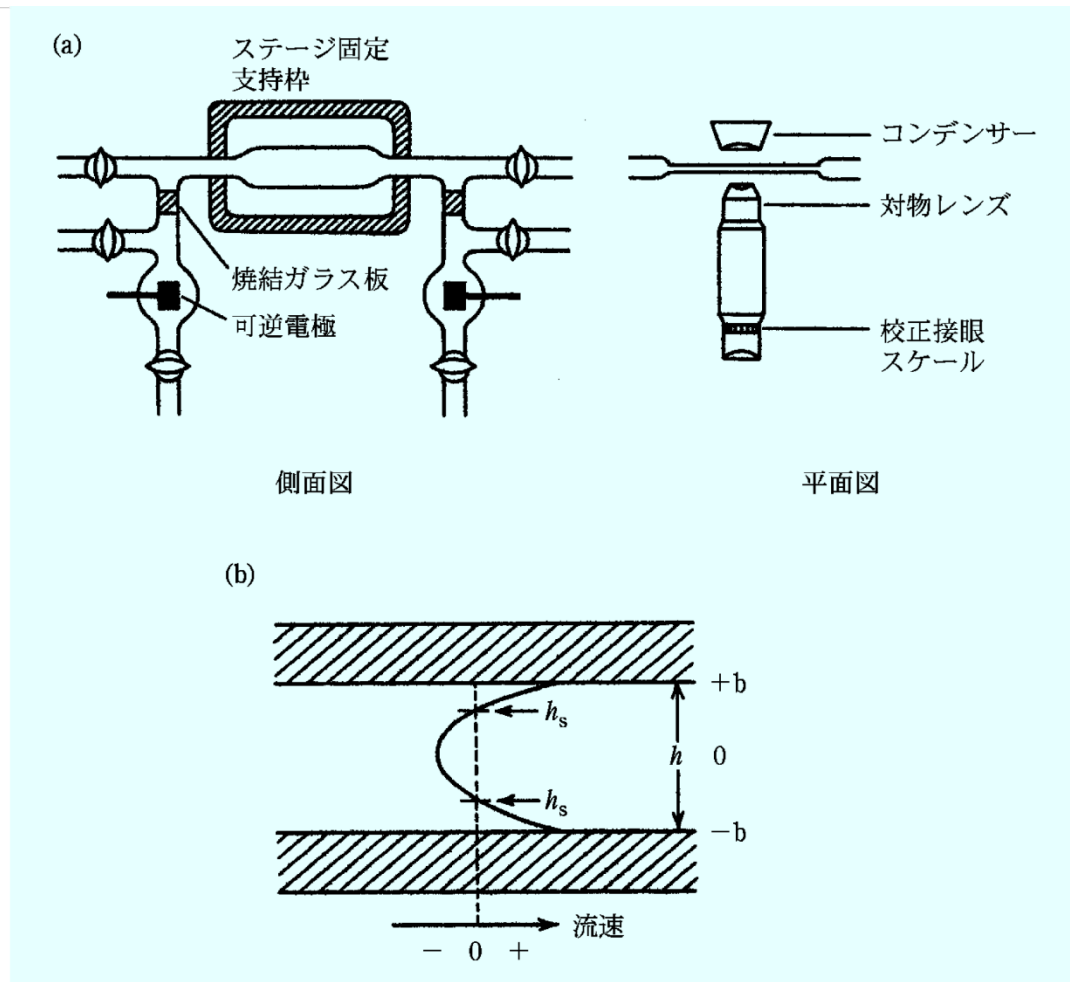


図4 顕微鏡電気泳動測定装置(a)とセル中の流速の分布と座標の取り方(b)